

# الرياضيات

## الأجوبة النموذجية

الحياتي الدور التمهيدي

— 2020 م —

السادس الاعدادي



س1 : A- باستخدام نتيجة مبرهنة القيمة المتوسطة جد قيمة تقريبية :  $\sqrt[3]{7.98}$  .  
B- أجب عن واحد فقط مما يأتي :

$$(1) \text{ اثبت أن : } \frac{1}{(2-i)^2} - \frac{1}{(2+i)^2} = \frac{8}{25}i$$

$$(2) \text{ جد قيمة } y, x \text{ الحقيقيتين اللتين تحققان المعادلة : } (y+5i) = (2x+i)(x+2i)$$

س2 : A- جد معادلة القطع الناقص الذي مركزه نقطة الأصل وينطبق محوره على المحورين الإحداثيين ويقطع من محور السينات جزءاً طوله ( 8 ) وحدات ومن محور الصادات جزءاً طوله ( 12 ) وحدة ، ثم جد المسافة بين البؤرتين ومساحة منطقتيه .

$$B- \text{ إذا كانت } \int_{-1}^3 f(x) dx \text{ جد } f(x) = \begin{cases} 3x^2 & \forall x \geq 0 \\ 2x & \forall x < 0 \end{cases}$$

س3 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- حل المعادلة التربيعية الآتية ، وبين هل أن الجذرين مترافقان ؟  $Z^2 - 2Zi + 3 = 0$   
B- خزان مملوء بالماء على شكل متوازي سطوح مستطيلة قاعدته مربعة ، طول ضلعها ( 2m ) يتسرب منه ماء بمعدل ( 0.4 m<sup>3</sup> / h ) ، جد معدل تغير انخفاض الماء في الخزان عند أي زمن t .  
C- جد المساحة المحددة بمنحني الدالة  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x$  ومحور السينات .

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- إذا كان  $y = \tan x$  ، برهن على أن  $y'' = 2y(1+y^2)$  حيث  $\forall n \in Z$   $x \neq \frac{(2n+1)\pi}{2}$   
B- اكتب معادلة القطع الزائد الذي مركزه نقطة الأصل إذا علمت أن أحد رأسيه يبعد عن البؤرتين بالعديدين 9 ، 1 وحدات على الترتيب وينطبق محوره على المحورين الإحداثيين .  
C- اثبت أن  $F(x) = \frac{1}{2} \sin 2x$  حيث  $F: R \rightarrow R$  هي دالة مقابلة للدالة  $f(x) = \cos 2x$  .

$$\text{حيث } f: R \rightarrow R \text{ ، ثم جد } \int_0^{\pi/4} \cos 2x dx$$

س5 : A- احسب باستخدام مبرهنة ديموافر  $(1+i)^{11}$   
B- أجب عن نقطة واحدة مما يأتي :

(1) ارسم منحني الدالة  $f(x) = \frac{1}{x}$  وباستخدام معلوماتك في التفاضل .

(2) إذا كان للدالة  $f(x) = ax^3 + 3x^2 + c$  نهاية عظمى محلية تساوي ( 8 ) ونقطة انقلاب عند  $x = 1$  ، فجد قيمة  $a, c \in R$  .

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد أكبر مساحة لمثلث متساوي الساقين طول كلا من ساقيه ( 8√2 cm ) .  
B- قطع مكافئ معادلته  $Ax^2 + 8y = 0$  يمر بالنقطة ( 1, 2 ) ، جد قيمة A ، ثم جد بؤرة القطع ودليله .

C- جد : (1)  $\frac{dy}{dx}$  للدالة y إذا كان  $y = e^{-5x^2+3x+5}$

$$(2) \int \sin^2 8x dx$$





الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٠ / ٢٠٢٠

الدور / الـمهمـيـة

الفرع / المـدـجـيـة

اسم المادة / ... الرتبة / ...

جواب السؤال ( إلى ) فرع ( A )

3  
دراية

$$\text{let } f(x) = \sqrt[3]{x} = x^{\frac{1}{3}}$$

$$b = 7.98, \text{ let } a = 8 \Rightarrow h = b - a$$

$$\therefore h = 7.98 - 8 \Rightarrow \boxed{h = -0.02}$$

3  
دراية

$$f(a) = f(8) = \sqrt[3]{8} = 2$$

$$f'(x) = \frac{1}{3} x^{-\frac{2}{3}} = \frac{1}{3(\sqrt[3]{x})^2}$$

$$f'(8) = \frac{1}{3(\sqrt[3]{8})^2} = \frac{1}{3 \cdot 4} = \frac{1}{12} = 0.083$$

4  
دراية

$$f(7.98) = f(8) + h f'(8)$$

$$= 2 - (0.02) \cdot (0.083)$$

$$= 2 - 0.00166$$

$$= 1.99834$$

ملاحظة لكل الأسئلة بحاسب عن الخطأ في البداية مرة واحدة فقط



الدور / المهيكل  
الفرع / البرنامج

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعيادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / .. الرتبة / صنف

جواب السؤال ( طس ) فرع ( B ) / اولاً

نأخذ الطرف اليسر

$$\frac{1}{(2-i)^2} - \frac{1}{(2+i)^2}$$

(طريقة اولي)

$$= \frac{1}{4-4i-1} - \frac{1}{4+4i-1}$$

$$= \frac{1}{3-4i} - \frac{1}{3+4i}$$

$$= \frac{3+4i-3+4i}{(3-4i)(3+4i)}$$

$$= \frac{8i}{9-16i^2} = \frac{8i}{9+16}$$

$$= \frac{8i}{25} = \text{الطرف اليمين}$$

.....



الدور / المصنف

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

الفرع / المصنف

اسم المادة / .. الزمنا

جواب السؤال ( ١٥ ) فرع ( B ) اولاً

$$\frac{1}{(2-i)^2} - \frac{1}{(2+i)^2}$$

أخذ الطرف الايسر

4  
درجات

$$= \frac{(2+i)^2 - (2-i)^2}{(2-i)^2 * (2+i)^2}$$

(طريقة ثانية)

6  
درجات

$$= \frac{3+4i-3+4i}{(5)^2} = \frac{8i}{25} = \text{الطرف الايمن}$$

١٥ / B / ثانياً

4  
درجات

$$(y+5i) = (2x+i) * (x+2i)$$

$$= (2x^2-2) + (x+4x)i$$

4  
درجات

$$y+5i = (2x^2-2) + 5xi$$

$$y = 2x^2 - 2$$

4  
درجات

$$5 = 5x \Rightarrow \boxed{x = 1}$$

$$\therefore \boxed{y = 0}$$



الدور / البم هيديج

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعيادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

الفرع / البرجياجي

اسم المادة / ... البرجياجي

جواب السؤال ( عس ) فرع ( A )

∴ المقطع الصادي أكبر من المقطع السيني

درجتان } ∴  $2a = 12 \Rightarrow a = 6 \Rightarrow a^2 = 36$

$2b = 8 \Rightarrow b = 4 \Rightarrow b^2 = 16$

والبورتان صاديان

درجتان } فالمعادلة  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{36} = 1$

3 } ∴  $a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow c^2 = 36 - 16$

∴  $c^2 = 20 \Rightarrow c = 2\sqrt{5}$

المسافة بين البورتين  $2c = 4\sqrt{5}$  int

3 }  $A = ab\pi$

$A = \pi(6) * (4)$

$= 24\pi$  int<sup>2</sup>







الدور / المهيدي  
الفرع / الإصايفي

الاجوية النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / ا. البريا صياح مست

جواب السؤال ( 3 ) فرع ( A )

الدرجة	الجواب النموذجي	الملاحظات	السؤال
5	$z^2 - 2zi + 3 = 0$ $z^2 - 2zi - 3i^2 = 0 \quad \text{(طريقة اولي)}$ $(z + i)(z - 3i) = 0$		
5	<p>if <math>z + i = 0 \Rightarrow z = -i</math></p> <p>or <math>z - 3i = 0 \Rightarrow z = 3i</math></p> <p><math>\therefore A = \{ (0 - i), (0 + 3i) \}</math></p>	<p>المجذبات غير مرافقان</p> <p>واذا الطالب لم يذكر ذلك</p> <p>يخصم منه درجة واحدة فقط</p>	
5	$a = 1, b = -2i, c = 3$ $z = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$ $= \frac{2i \pm \sqrt{-4 - 4 \times 3}}{2}$ $= \frac{2i \pm \sqrt{-16}}{2} = \frac{2i \pm 4i}{2}$	(طريقة ثانية)	
5	$= \begin{cases} \frac{2i + 4i}{2} = 0 + 3i \\ \frac{2i - 4i}{2} = 0 - i \end{cases} \Rightarrow A = \{ (0 + 3i), (0 - i) \}$		

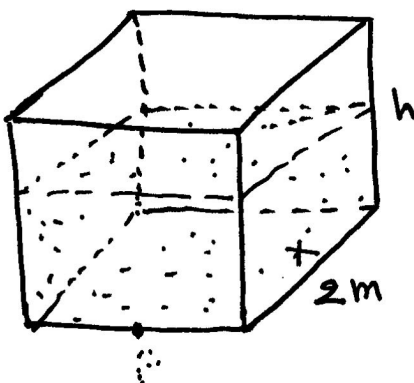


الدور / المصيري  
الفرع / البرصاكي

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / .. الرصاكي صياحت

جواب السؤال ( بحس ) فرع ( B )

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
4 د/ب	<p>نفرض طول ضلع القاعدة <math>x</math> نفرض ارتفاع الماء <math>h</math></p> $V = x^2 h$ $= 4h$ $\frac{dV}{dt} = -0.4$		
6 د/ب	$\frac{dV}{dt} = 4 \frac{dh}{dt}$ $-0.4 = 4 \frac{dh}{dt}$ $\therefore \frac{dh}{dt} = -\frac{0.4}{4}$ $= -0.1 \text{ m/h}$ 		
	<p>ملاحظة اذا الطالب لم ير رسم لا يجاب اذا لم يكتب الفرضيات يحسم منه درصانه اذا لم ينسب الطالب على الاشارة لساله نقص درجة واحدة فقط.</p>		



الدور / البمهدي  
الفرع / ا.الرجباني

الاجوية النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / ... ا.الرجباني

جواب السؤال ( ٣ ) فرع ( C )

الدرجة	الجواب النموذجي	السؤال	الصفحة
4 نقط	$X^3 - 3X^2 + 2X = 0$ $X(X^2 - 3X + 2) = 0$ $X(X - 2)(X - 1) = 0$ $X = 0 \quad \text{or} \quad X = 1 \quad \text{or} \quad X = 2$ <p>∴ حدود التكامل [0, 1], [1, 2]</p>		
6 نقط	$A = \left  \int_0^1 (X^3 - 3X^2 + 2X) dx \right  + \left  \int_1^2 (X^3 - 3X^2 + 2X) dx \right $ $= \left  \left[ \frac{X^4}{4} - X^3 + X^2 \right]_0^1 \right  + \left  \left[ \frac{X^4}{4} - X^3 + X^2 \right]_1^2 \right $ $= \left  \frac{1}{4} - 1 + 1 - 0 \right  + \left  (4 - 8 + 4) - \left( \frac{1}{4} - 1 + 1 \right) \right $ $= \left  \frac{1}{4} \right  + \left  -\frac{1}{4} \right  = \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$ $= \frac{1}{2} \text{ unit}^2$ <p><u>ملاحظة</u> اذا كانت النتيجة لافتر عند صحبة تخم من الطالب درسه واحدة فقط</p>		



الدور / .....  
الفرع / .....  
البريد الإلكتروني / .....

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال ( ٥ ) فرع ( A )

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
8 درجات	$y = \tan x$ <p>الحل</p> $y' = \sec^2 x$ $y'' = 2 \sec x \cdot (\sec x \cdot \tan x)$ $y'' = 2 \sec^2 x \cdot \tan x$ $\therefore \sec^2 x = 1 + \tan^2 x$ $\therefore y'' = 2(1 + \tan^2 x) \cdot \tan x$ $\therefore y = \tan x \text{ , } 1 + \tan^2 x = 1 + y^2$ $\therefore y'' = 2y(1 + y^2)$		

و . ه . م



الدور / ..... التمهيد  
الفرع / ..... الرياضيات

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / ..... الرياضيات

جواب السؤال ( ٤ ) فرع ( B )

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
4	$2c = 1 + 9 \Rightarrow 2c = 10 \Rightarrow c = 5$ $c^2 = 25$ $2a = 9 - 1 \Rightarrow 2a = 8 \Rightarrow a = 4$ $a^2 = 16$		
4	$\therefore b^2 = c^2 - a^2 \Rightarrow b^2 = 25 - 16$ $b^2 = 9$ <p>إذا كانت البورتان سويتانه بمعادله:</p> $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ <p>وإذا كانت البورتان صاديتانه</p> $\frac{y^2}{16} - \frac{x^2}{9} = 1$ <p>أو</p>		
4	<p>ملاحظة إذا لم ير اسم الطالب لا يجاب مطلقاً.</p>		



الدور / الـبـمـهـدـي  
الفرع / الـبـرـجـيـاـيـi

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / البريـاـجـيـاـيـيـيـيـيـi

جواب السؤال ( ٤ ) فرع ( C )

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
5	<p>مستمرة على <math>\mathbb{R}</math> <math>F(x) = \frac{1}{2} \sin 2x</math> (1)</p> <p><math>\therefore</math> مستمرة بالفترة <math>[0, \frac{\pi}{4}]</math></p> <p><math>F'(x) = \cos 2x = f(x)</math> (2)</p> <p><math>\therefore F(x)</math> هي دالة متطابقة للدالة <math>f(x)</math></p>		
5	<p>طريقة المتكامل</p> $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx = F\left(\frac{\pi}{4}\right) - F(0)$ $= \frac{1}{2} \sin 2 \cdot \frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \sin 2 \cdot (0)$ $= \frac{1}{2} (1) - 0 = \boxed{\frac{1}{2}}$		
5	<p>طريقة التفاضل</p> $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx = \frac{1}{2} \sin 2x$ $= \frac{1}{2} \sin 2 \cdot \frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \sin 2 \cdot (0)$ $= \frac{1}{2} (1) - 0 = \boxed{\frac{1}{2}}$		ملاحظة اذا الطالب حل التكامل بطريقة قوانين التكامل يعبر صحيح لانه بالسؤال لم يذكر الطريقة...



الدور / التمهيدي

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٠ / ٢٠١٩

الفرع / الأحيائي

اسم المادة / الرياضيات.....

جواب السؤال ( الخامس ) فرع ( A )

السؤال	الصفحة	الجواب النموذجي	الدرجة
		$(1+i)^{11} = ?$ $Z = 1+i \Rightarrow P(1, 1)$ $\left. \begin{array}{l} r = \sqrt{1+1} = \sqrt{2} \quad , \quad \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \sin \theta = \frac{1}{\sqrt{2}} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \theta = \frac{\pi}{4} \\ \text{الربع الأول} \end{array}$ $Z = \sqrt{2} \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$ $Z^{11} = (\sqrt{2})^{11} \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)^{11}$ $Z^{11} = ((\sqrt{2})^2)^5 \sqrt{2} \left( \cos \frac{11\pi}{4} + i \sin \frac{11\pi}{4} \right)$ $= 32 \sqrt{2} \left( \cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$ $= 32 \sqrt{2} \left( \frac{-1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}} i \right)$ $= -32 + 32i$	<p>5 درجة</p> <p>5 درجة</p>



الدور / البتمهيدى  
الفرع / الرياضيات

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (الخامس) فرع (B) (1)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
3 درجاة	<p>① <math>R/\{0\}</math> مجالها</p> <p>② لا يوجد نقاط تقاطع</p> <p>③ التناظر <math>f(-x) = \frac{-1}{x} = -(\frac{1}{x}) = -f(x)</math> من متناظرة مع نقطة الأصل</p> <p>④ المحاذيات العمودي <math>x=0</math> (محور الصادات) الأفقي <math>y=0</math> (محور السينات)</p>		
5 درجاة	<p>⑤ لا توجد نقاط مبرجة <math>f(x) = \frac{-1}{x^2}</math></p> <p>⑥ لا توجد نقاط انقلاب <math>f(x) = \frac{2}{x^3}</math></p> <p>الدالة متناقصة في مجالها</p> <p>معدية <math>\left\{ \begin{array}{l} x &lt; 0 \\ x &gt; 0 \end{array} \right\}</math> مقعرة <math>\left\{ \begin{array}{l} x &lt; 0 \\ x &gt; 0 \end{array} \right\}</math></p>		
درجاة	<p>⑦</p>		

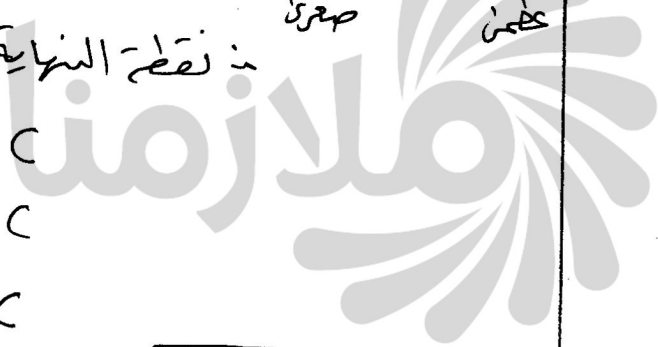
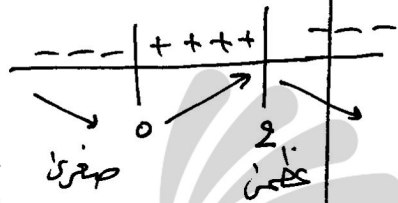


الدور / البتيميدى  
الفرع / الأحيائى

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠  
اسم المادة / الرياضيات .....

جواب السؤال ( الخامس ) فرع ( B ) ( 2 )

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
2	$f(x) = ax^3 + 3x^2 + c$ $f'(x) = 3ax^2 + 6x$ $f''(x) = 6ax + 6$		
2	<p>∴ توجد نقطة انقلاب عند <math>x=1</math></p> $f'(1) = 6a(1) + 6 = 0 \Rightarrow a = -1$		
4	$f(x) = -x^3 + 3x^2 + c$ $f'(x) = -3x^2 + 6x \Rightarrow [0 = -3x^2 + 6x] : 3$ $-x^2 + 2x = 0$ $x(-x + 2) = 0$ ∴ $x=0$ أو $x=2$		
2	<p>نقطة النهاية العظمى هي <math>(2, 8)</math> نفوض</p> $f(x) = -x^3 + 3x^2 + c$ $8 = -x^3 + 3x^2 + c$ $8 = -8 + 12 + c$ $8 = 4 + c \Rightarrow c = 4$		



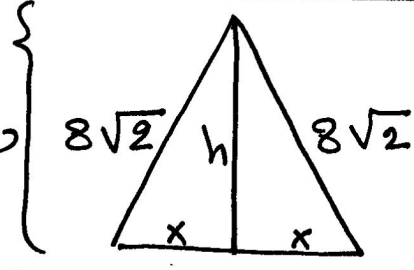


الدور / التمهيدية  
الفرع / الرياضيات

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال ( ك ) فرع ( A )

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
2 درجات	 <p>تفرض ارتفاع = <math>h</math> نفرض طول القاعدة = <math>2x</math></p>		
3 درجات	$A = \frac{1}{2}(2x) \cdot h \Rightarrow A = x \cdot h \quad \text{--- (1)}$ $x^2 + h^2 = (8\sqrt{2})^2 \Rightarrow x^2 = 128 - h^2$ $\therefore x = \sqrt{128 - h^2} \quad \text{--- (2)}$ <p>نعوض (2) في (1)</p>		
5 درجات	$A = h \sqrt{128 - h^2}$ $A = \sqrt{128h^2 - h^4}$ $A' = \frac{256h - 4h^3}{2\sqrt{128h^2 - h^4}} = 0$ $[256h - 4h^3 = 0] \div (4)$ $64h - h^3 = 0 \Rightarrow h(64 - h^2) = 0$ <p>لما <math>h = 0</math> صواب او <math>h = 8</math> cm</p> $x = \sqrt{128 - 64} \Rightarrow x = \sqrt{64} \Rightarrow x = 8 \Rightarrow 2x = 16$ $\therefore A = (16) \cdot (8) = [64] \text{ cm}^2$		



الدور / السبتمبر

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

الفرع / الرياضيات

اسم المادة / .. رياضيات

جواب السؤال ( ك ) فرع ( B )

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
3 درجات	<p>نعوض (١) في معادلة</p> $Ax^2 + 8y = 0$ $A(1)^2 + 8(2) = 0 \Rightarrow \boxed{A = -16}$		
5 درجات	$\begin{cases} -16x^2 + 8y = 0 \\ 16x^2 = 8y \\ x^2 = \frac{1}{2}y \\ x^2 = 4py \end{cases}$ <hr/> $4p = \frac{1}{2} \Rightarrow p = \frac{1}{8}$		
درجتان	$\therefore F\left(0, \frac{1}{8}\right)$ <p>البؤرة</p> $y = -\frac{1}{8}$ <p>معادلة الدليل</p>		



الدور / التمهيد  
الفرع / رياضيات

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٩ / ٢٠٢٠

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال ( ك ) فرع ( C )

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
5 درجات	$y = e^{-5x^2 + 3x + 5}$ $\frac{dy}{dx} = e^{-5x^2 + 3x + 5} (-10x + 3)$		(1)
5 درجات	$\int \sin^2 8x dx$ $= \int \frac{1}{2} (1 - \cos 16x) dx$ $= \frac{1}{2} (x - \frac{1}{16} \sin 16x) + C$		(2)



مع نظام الباركود تستطيع الوصول بشكل سريع ومباشر لما يلي:

- 1 صورة الأسئلة
- 2 تقسيم الدرجة
- 3 ملف الأجوبة
- 4 ملاحظات الأساتذة
- 5 وكل ما يسهل لك التفوق وتحقيق أعلى الدرجات



للحصول على هذا  
الملف إلكترونياً

موقع ملازمنا  
[www.malazemna.com](http://www.malazemna.com)

