

الرياضيات

الأجوبة النموذجية

تطبيقي الدور الثالث (3)

— 2018 م —

السادس الاعدادي



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط (لكل سؤال ٢٠ درجة) .

س1 : A- جد المعادلة التربيعية ذات المعادلات الحقيقية وأحد جذريها $\frac{2 + wi + w^2i}{1 - wi - w^2i}$

B- متوازي سطوح مستطيلة قاعدته مربعة الشكل ارتفاعه ثلاثة أمثال طول قاعدته ، جد الحجم التقريبي له عندما يكون طول قاعدته (2.97 cm) .

س2 : A- قطع ناقص مركزه نقطة الأصل وقطع زائد نقطة تقاطع محوريه نقطة الأصل ، كل منهما يمر ببؤرة

الآخر ، فإذا كانت معادلة القطع $9x^2 + 25y^2 = 225$ ، جد :

(1) مساحة القطع الناقص . (2) محيط القطع الناقص . (3) معادلة القطع الزائد .

(4) الاختلال المركزي لكل منهما .

B- إذا كان $f(x) = \begin{cases} 2x & \forall x \geq 3 \\ 6 & \forall x < 3 \end{cases}$

جد $\int_1^4 f(x) dx$

س3 : A- جد الحل الخاص للمعادلة : $x y' = \cos^2 y$ ، حيث $x = 1$ ، $y = \frac{\pi}{4}$

B- (x) ، (y) مستويان متعامدان ، $\overrightarrow{AB} \subset (x)$ ، \overrightarrow{BC} ، \overrightarrow{BD} عموديان على \overrightarrow{AB} ويقطعان

(y) في C ، D على الترتيب ، برهن على أن $\overrightarrow{CD} \perp (x)$

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- قطع مكافئ معادلته $\frac{1}{4}y^2 = hx$ ، دليله يمر بالنقطة $(-6, 3)$ ، جد (h) مع الرسم .

B- جد بعدي أكبر مستطيل يمكن رسمه داخل مثلث طول قاعدته (20 cm) والارتفاع (12 cm) بحيث أن رأسين متجاورين من رؤوسه تقعان على القاعدة والرأسين الباقيين يقعان على ساقيه .

C- (1) جد $\int \tan^3 2x dx$. (2) جد $\frac{dy}{dx} \perp y = e^{x^2} \ln |2x|$

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد حل المعادلة الآتية باستخدام نتيجة مبرهنة دي موافر $\frac{x^3}{3} - 9i = 0$

B- جد نقطة تنتمي للدائرة $x^2 + y^2 + 4x - 8y = 108$ والتي عندنا يكون المعدل الزمني لتغير (x) يساوي المعدل الزمني لتغير (y) بالنسبة للزمن (t) .

C- جد المساحة المحددة بالدالتين $y = \sqrt{x-1}$ ، $y = \frac{1}{2}x$ وعلى الفترة $[2, 5]$.

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A) حل المعادلة التفاضلية : $2x^2 \frac{dy}{dx} = x^2 + y^2$

B- عيّن قيمتي الثابتين a ، b لكي يكون لمنحني الدالة $y = x^3 + ax^2 + bx$ نهاية عظمى محلية

عند $x = -1$ ونهاية صغرى محلية عند $x = 2$ ، ثم جد نقطة الانقلاب .

C- (إذا رسم مائلان من نقطة ما إلى مستوي فأصغرهما ميلاً هو الأطول) ، برهن ذلك .





باركود الملاحظات وتقسيم الدرجة

الدور / ا.ا. التمهيد

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

الفرع / ا.ا. التطبيقية

اسم المادة / ا.ا. البرهان. مستند...

جواب السؤال (الاول) فرع (A)

4 درجات

$$\text{الجذر الاول} = \frac{2 + \omega i + \omega^2 i}{1 - \omega i - \omega^2 i} = \frac{2 + i(\omega + \omega^2)}{1 - i(\omega + \omega^2)}$$

$$= \frac{2 + i(-1)}{1 - i(-1)} = \frac{2 - i}{1 + i} \cdot \frac{1 - i}{1 - i}$$

$$= \frac{2 - 2i - i - 1}{(1)^2 + (1)^2} = \frac{1 - 3i}{2}$$

$$\text{الجذر الاول} = \frac{1}{2} - \frac{3}{2}i$$

4 درجات

∴ المعاملات حقيقية ← الجذور مترافقان

$$\therefore \text{الجذر الثاني} = \frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$$

$$\text{مجموع الجذور} = \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{2}i\right) + \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2}i\right)$$

$$= 1$$

$$\text{حاصل ضرب الجذور} = \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{2}i\right)\left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2}i\right) = \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{3}{2}\right)^2$$

$$= \frac{1}{4} + \frac{9}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

$$\therefore X^2 - X + \frac{5}{2} = 0$$

4 درجات



الدور / ... الثالث
الفرع / ... طبي

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعيادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / ... رياضيات ...

جواب السؤال (٢٠) فرع (A)

دقيقتان	$[9x^2 + 25y^2 = 225] \div 225$ $\therefore \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1 \xrightarrow{\text{بالتقسيم}} \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ $\therefore \boxed{a^2 = 25} \rightarrow a = 5 \quad \boxed{b^2 = 9} \rightarrow b = 3$ <p style="text-align: center;">a, b هما نصف المحاور</p> $c^2 = a^2 - b^2 = 25 - 9 = 16 \rightarrow \boxed{c^2 = 16} \rightarrow c = 4$		
دقيقتان	<p>① $A = a \cdot b \pi = (5)(3)\pi = 15\pi$ مساحة وهي مساحة المثلث</p>		
دقيقتان	<p>② $\rho = 2\pi \sqrt{\frac{a^2 + b^2}{2}} = 2\pi \sqrt{\frac{25 + 9}{2}} = 2\pi \sqrt{\frac{34}{2}} = 2\pi \sqrt{17}$ وهي طول المحيط $\rho = 2\sqrt{17}\pi$</p>		
	<p>التقاطع ③ a نصف المحور = c نصف المحور = 5 $\rightarrow c^2 = 25$ c نصف المحور = a نصف المحور = 4 $\rightarrow a^2 = 16$ a, b هما نصف المحاور</p> $c^2 = a^2 + b^2$ $25 = 16 + b^2 \rightarrow b^2 = 25 - 16 = 9 \rightarrow \boxed{b^2 = 9}$		
دقيقتان	<p>③ $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \rightarrow \frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$</p>		
دقيقتان	<p>④ $e = \frac{c}{a} = \frac{4}{5} < 1$ للزائد $e = \frac{c}{a} = \frac{5}{4} > 1$</p>		



الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٨ / ٢٠١٧

اسم المادة / ... رياضيات

الدور / الثالث

الفرع العلمي / طبيعي

جواب السؤال (٢٤) فرع (B)

4
حجرات

نرهن ان الدالة مستمرة عند $x = 3$

1) $f(a) = f(3) = 2(3) = 6$

2) $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) \xrightarrow{\text{غاية ليم}} \lim_{x \rightarrow 3} (2x) = 2(3) = \boxed{6} L_1$

$\xrightarrow{\text{غاية ليم}} \lim_{x \rightarrow 3} (6) = \boxed{6} L_2$

$\therefore L_1 = L_2$
 \therefore توصل للدالة غاية عند $x \rightarrow 3$

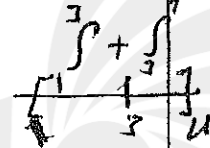
3) $\therefore f(3) = \lim_{x \rightarrow 3} f(x)$

في الدالة مستمرة عند $x = 3$
 في الدالة مستمرة عند $x > 3$
 في الدالة مستمرة عند $x < 3$

في الدالة مستمرة على الفترة $[1, 4]$

6
حجرات

$\int_1^4 f(x) dx = \int_1^3 6 dx + \int_3^4 2x dx$



$= [6x]_1^3 + [\frac{2x^2}{2}]_3^4$

$= (18 - 6) + (16 - 9)$

$= 12 + 7 = \underline{19}$



الدور / التاليف
الفرع / المتخصصين

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (الثالث) فرع (A)

5
درجات

$$x y' = \cos^2 y$$

$$x \frac{dy}{dx} = \cos^2 y$$

$$\frac{dy}{\cos^2 y} = \frac{dx}{x}$$

$$\int \frac{dy}{\cos^2 y} = \int \frac{dx}{x}$$

$$\int \sec^2 y \, dy = \int \frac{dx}{x}$$

$$\tan y = \ln|x| + C$$

$$\tan \frac{\pi}{4} = \ln 1 + C$$

$$1 = 0 + C$$

$$\boxed{C = 1}$$

$$\tan y = \ln|x| + 1$$

الحل الخاص
للمعادلة التفاضلية

عندما $x=1$
 $y = \frac{\pi}{4}$

5
درجات



الدور / الثالث
الفرع / التمهيني

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / البريا جينييا بست

جواب السؤال (الثالث) فرع (B)

الرد	الاجابة	الدرجة
	<p>المعطيات (٧) \perp (٨)</p> <p>$\vec{AB} \subset (x)$</p> <p>\vec{BC}, \vec{BD} عموديان على \vec{AB}</p> <p>ويقطعان (٧) في D, C على الترتيب المطلوب اثباته</p> <p>$\vec{CD} \perp (x)$</p> <p>البرهان ليكن (Z) مستوي المستقيمين المتقاطعين \vec{BC}, \vec{BD}</p> <p>بما أن $\vec{AB} \perp \vec{BC}, \vec{BD}$ [معطى]</p> <p>$\vec{AB} \perp (Z)$ [المستقيم العمودي على مستقيمين متقاطعين من نقطتين تقاطعها يكون عمودياً على مستويهما]</p> <p>$\vec{AB} \subset (x)$ [معطى]</p> <p>$(x) \perp (Z)$ يتعامد المستويان إذا أمتوى أحدهما على مستقيم عمودي على الآخر [معطى]</p> <p>$(x) \perp (y)$ [معطى]</p> <p>ولما كان $(Z) \cap (y) = \vec{CD}$ [لانه محتوي في كل منهما]</p> <p>$\vec{CD} \perp (x)$ [اذا كان كل من مستويين متقاطعين عمودياً على مستوي ثالث فان مستقيم تقاطعهم يكون عمودياً على المستوي الثالث] و.ه.م</p>	<p>المعطيات</p> <p>المطلوب</p> <p>البرهان</p> <p>الدرجات</p> <p>6 درجات</p> <p>والم تذكر</p> <p>اسباب</p> <p>نقصه للثابت</p> <p>درجته</p> <p>الدرجة</p>



الدور / الثاني
الفرع / الرياضيات

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة /

جواب السؤال (الساوس) فرع (C)

جواب السؤال (الساوس) فرع (C)	
	<p>المعطيات \vec{AB}, \vec{AC} متان على (α) $\sphericalangle 1$ هي زاوية ميل \vec{AB} على (α) $\sphericalangle 2$ هي زاوية ميل \vec{AC} على (α) $m \sphericalangle 1 < m \sphericalangle 2$ <u>المطلوب أثباته</u> $AB > AC$ <u>البرهان</u> $\sphericalangle 1 < \sphericalangle 2$ ، $\sphericalangle 2$ هما زاويتا ميل \vec{AB}, \vec{AC} على (α) <u>على الترتيب</u> \overline{BD} هو مسقط \overline{AB} على (α) \overline{CD} هو مسقط \overline{AC} على (α) <u>في الزاوية المحررة بالمثل ومقطعة على ذلك المستوى</u> $\therefore \overline{AD} \perp (\alpha)$ $\therefore \overline{AD} \perp \overline{BD} \perp \overline{CD}$ <u>[الستقيم العمودي على مستوى يكون عمودياً على جميع الستقيمان المرسومه منه اثره ضمن ذلك المستوى]</u> <u>بما ان $m \sphericalangle 1 < m \sphericalangle 2$ [معطى]</u> $\sin \sphericalangle 1 < \sin \sphericalangle 2 \dots$ $\frac{AD}{AB} < \frac{AD}{AC} \Rightarrow \frac{1}{AB} < \frac{1}{AC}$ $AB > AC$ <u>فواصل البيانين و.ه.م</u></p>
	<p>6 درجات</p>



الدور الثاني

لاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٨

الفرع ١ / الهندسة

اسم المادة / البرهان

جواب السؤال (4) فرع (A)

7
درجة

$$\left[\frac{1}{4} y^2 = h x \right] \times 4$$

$$y^2 = 4 h x$$

بما أن دليل القطع المكافئ يمر بالنقطة $(-6, 3)$

$$\left. \begin{aligned} y^2 &= 4 h x \\ y^2 &= 4 p x \end{aligned} \right\} \text{بالمقارنة}$$

$$\therefore x = -6 \quad \text{مصادف الدليل}$$

$$p = 6$$

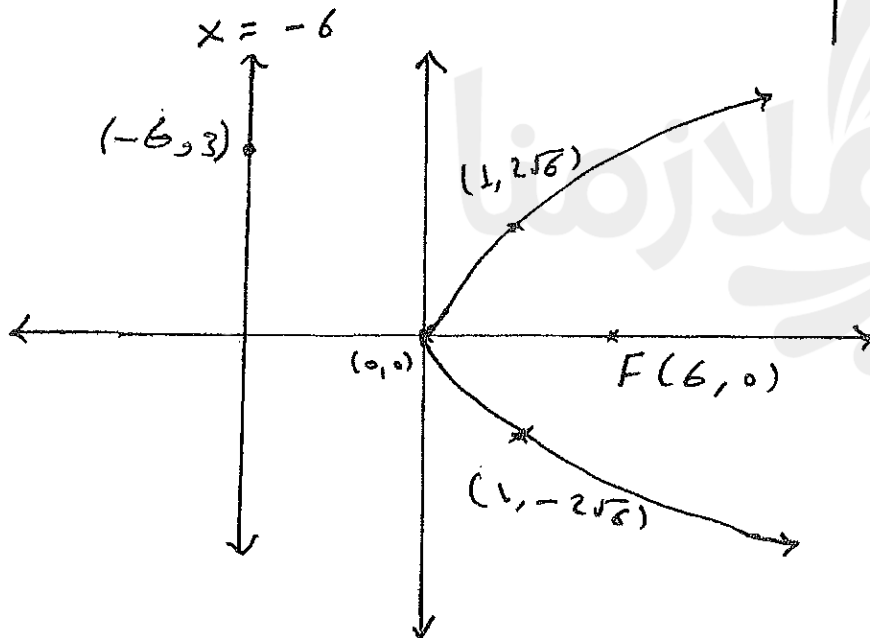
$$4p = 4h \Rightarrow p = h$$

$$\Rightarrow \boxed{h = 6}$$

$$y^2 = 24 x \quad \text{التي هي}$$

x	y
0	0
1	$\pm 2\sqrt{6}$

3
درجة



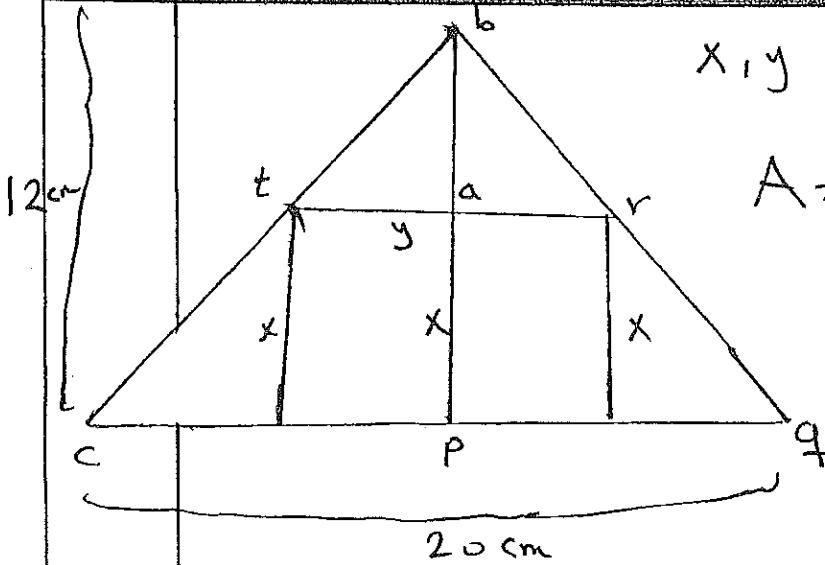


الدور / الثاني
الفرع / تطبيقي

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٨

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (4) فرع (B)



نقوضاً لبيدك لستطيل x, y

$$A = xy \dots (1)$$

من تشابه المثلثان $\Delta \Delta btr, bcq$

$$\frac{tr}{cq} = \frac{ba}{bp} \Rightarrow \frac{y}{20} = \frac{12-x}{12}$$

$$y = \frac{20}{12} (12-x) \Rightarrow y = \frac{5}{3} (12-x) \dots (2)$$

$$A = x \left(\frac{5}{3} (12-x) \right)$$

$$A = \frac{5}{3} (12x - x^2)$$

$$\hat{A} = \frac{5}{3} (12 - 2x)$$

$$\left[\frac{5}{3} (12 - 2x) = 0 \right] \div \frac{5}{3}$$

$$12 - 2x = 0$$

$$\Rightarrow \boxed{x = 6} \text{ cm}$$

$$y = \frac{5}{3} (12 - 6) \Rightarrow \boxed{y = 10} \text{ cm} \text{ (عوضاً في (2))}$$

5 درجات

5 درجات



الدور / البريبي...
الفرع / البريبي...

لاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / البريبي...

جواب السؤال (4) فرع (C)

الرقم	السؤال	الجواب
١	$\int \tan^3 2x dx$ $= \int \tan^2 2x \tan 2x dx$ $= \int (\sec^2 2x - 1) \tan 2x dx$ $= \int \sec^2 2x \tan 2x dx - \int \tan 2x dx$ $= \frac{1}{2} \int 2 \sec^2 2x \tan 2x dx - \frac{1}{2} \int \frac{2 \sin 2x}{\cos 2x} dx$ $= \frac{1}{4} \tan^2 2x + \frac{1}{2} \ln \cos 2x + C$	
٢	$y = e^{x^2} \cdot \ln 2x $	$\frac{dy}{dx} = e^{x^2} \left(\frac{1}{2x} (2) \right) + \ln 2x \cdot (e^{x^2} (2x)) \dots \star$ $= \frac{1}{x} e^{x^2} + 2x e^{x^2} \cdot \ln 2x $ $= e^{x^2} \left(\frac{1}{x} + 2x \ln 2x \right)$ <p>\star من فضلكم اكتبوا جوابكم مع كتابة لفظة الجواب</p>



السؤال /
الدور /
الفرع /
العالم /
التقسيم

الإجابة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة /
الرياضيات

جواب السؤال (الخامس) فرع (A)

4
دعيات

$$\left. \begin{aligned} X^3 \\ \frac{X^3}{3} - 9i = 0 \end{aligned} \right\} \times 3$$

$$X^3 - 27i = 0$$

$$X^3 = 27i = 27 \left(\cos \frac{\pi}{2} + i \sin \frac{\pi}{2} \right)$$

$$X = (27)^{\frac{1}{3}} \left(\cos \frac{\pi}{2} + i \sin \frac{\pi}{2} \right)^{\frac{1}{3}}$$

$$X = 3 \left(\cos \frac{\frac{\pi}{2} + 2k\pi}{3} + i \sin \frac{\frac{\pi}{2} + 2k\pi}{3} \right)$$

$$k = 0, 1, 2$$

دعيات

$$k=0 \Rightarrow X_1 = 3 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$$

$$X_1 = 3 \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right) = \boxed{\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3}{2}i}$$

دعيات

$$k=1 \Rightarrow X_2 = 3 \left(\cos \frac{5\pi}{6} + i \sin \frac{5\pi}{6} \right) = \boxed{-\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3}{2}i}$$

دعيات

$$k=2 \Rightarrow X_3 = 3 \left(\cos \frac{9\pi}{6} + i \sin \frac{9\pi}{6} \right) \\ = 3 \left(\cos \frac{3\pi}{2} + i \sin \frac{3\pi}{2} \right) = 3 [0 + i(-1)] = \boxed{-3i}$$

$$\left\{ -3i, \frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3}{2}i, -\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3}{2}i \right\} = \text{مجموعة الحلول}$$

~~~~~





الدور / الثالث  
الفرع / العام / تطبیق

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال ( الخامس ) فرع ( C )

4  
دعوى

$$y = \sqrt{x-1} \quad , \quad y = \frac{1}{2}$$

$$\sqrt{x-1} = \frac{1}{2}x \quad \text{نربع الطرفين}$$

$$(x-1 = \frac{1}{4}x^2) * 4 \Rightarrow 4x-4 = x^2$$

$$x^2 - 4x + 4 = 0 \Rightarrow (x-2)^2 = 0 \Rightarrow x-2 = 0$$

$$x = (2) \in [2, 5]$$

$$A = \left| \left[ \int_2^5 (x-1)^{\frac{1}{2}} - \frac{1}{2}x \right] dx \right|$$

$$= \left| \left[ \frac{2}{3}(x-1)^{\frac{3}{2}} - \frac{1}{2} \cdot \frac{x^2}{2} \right]_2^5 \right| = \left| \left[ \frac{2}{3}(x-1)^{\frac{3}{2}} - \frac{x^2}{4} \right]_2^5 \right|$$

$$= \left| \left[ \frac{2}{3}(2)^{\frac{3}{2}} - \frac{25}{4} \right] - \left( \frac{2}{3}(1)^{\frac{3}{2}} - 1 \right) \right|$$

$$= \left| \frac{16}{3} - \frac{25}{4} - \frac{2}{3} + 1 \right| = \left| \frac{14}{3} - \frac{25}{4} + 1 \right|$$

$$= \left| \frac{56-75+12}{12} \right| = \left| \frac{68-75}{12} \right| = \left| \frac{-7}{12} \right|$$

$$= \left( \frac{7}{12} \right) \text{ وحدة}$$

.....

6  
دعوى





الدور / الباب...  
الفرع / العاين / ليكن

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعلانية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / ... (الرياضيات) ...

جواب السؤال ( ٤ ) فرع ( B )

4  
دعاه

$$y = x^3 + ax^2 + bx \quad \text{نقطة عظمى عند } x = -1$$

$$y' = 3x^2 + 2ax + b$$

$$0 = 3(-1)^2 + 2a(-1) + b$$

$$0 = 3 - 2a + b \Rightarrow -3 = -2a + b \quad \text{--- (1)}$$

نقطة صغرى عند  $x = 2$

$$0 = 3(2)^2 + 2a(2) + b$$

$$0 = 12 + 4a + b \Rightarrow -12 = 4a + b \quad \text{--- (2)}$$

حل (1) و (2) نبدأً

$$\begin{array}{r} -3 = -2a + b \\ +12 = +4a + b \\ \hline \end{array} \quad \text{بالطرح}$$

$$9 = -6a \Rightarrow a = \frac{-9}{6} \Rightarrow \boxed{a = \frac{-3}{2}}$$

نعوض  $a$  بمعادلة (1)

$$-3 = -2\left(\frac{-3}{2}\right) + b$$

$$-3 = 3 + b \Rightarrow -3 - 3 = b \Rightarrow \boxed{b = -6}$$

$$y = x^3 - \frac{3}{2}x^2 - 6x$$

$$y' = 3x^2 - \frac{3}{2} \cdot 2x - 6$$

$$y' = 3x^2 - 3x - 6$$

$$y'' = 6x - 3$$

$$0 = 6x - 3 \quad ] \div 3$$

3  
دعاه



الدور / ربيع / .....

جوية النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

الفرع / الرياضيات / .....

المادة / الرياضيات / .....

جواب السؤال ( سؤال ) فرع ( ب )

|           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |  |  |
|-----------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|--|
|           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |  |  |
| 3<br>نقطة | $0 = 2x - 1 \Rightarrow 2x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$ $f\left(\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{1}{2}\right)^3 - \frac{3}{2}\left(\frac{1}{2}\right)^2 - 6\left(\frac{1}{2}\right)$ $= \frac{1}{8} - \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{4} - 3$ $= \frac{1}{8} - \frac{3}{8} - 3$ $= \frac{1 - 3 - 24}{8} = \frac{-26}{8}$ <p>نقطة استجاب <math>\left(\frac{1}{2}, \frac{-26}{8}\right)</math></p> |  |  |





مع نظام الباركود تستطيع الوصول بشكل سريع ومباشر لما يلي:

- 1 صورة الأسئلة
- 2 تقسيم الدرجة
- 3 ملف الأجوبة
- 4 ملاحظات الأساتذة
- 5 وكل ما يسهل لك التفوق وتحقيق أعلى الدرجات



للحصول على هذا  
الملف إلكترونياً

موقع ملازمنا  
[www.malazemna.com](http://www.malazemna.com)

