

الرياضيات

الأجوبة النموذجية

تطبيقي الدور التمهيدي

— 2018 م —

السادس الاعدادي



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط (لكل سؤال ٢٠ درجة) .

س1 : A- إذا كان $Z^2 + Z + 1 = 0$ ، جد قيمة $\frac{1 + 3Z^{10} + 3Z^{11}}{1 - 3Z^7 - 3Z^8}$

B- باستخدام نتيجة مبرهنة القيمة المتوسطة جد بصورة تقريبية ناتج : $\sqrt[3]{(0.98)^3} + (0.98)^4 + 3$

س2 : A- جد معادلة القطع الناقص الذي مركزه نقطة الأصل وإحدى بؤرتيه بؤرة القطع المكافئ الذي معادلته :

$y^2 + 12x = 0$ والفرق بين طولي محوريه يساوي (2) وحدة طول .

B- جد التكاملات الآتية :
1) $\int_1^4 \frac{e^{\sqrt{x}}}{2\sqrt{x}} dx$ 2) $\int \sqrt[3]{x^5 - x^3} dx$

س3 : A- (بتعامد المستويان إذا احتوى أحدهما على مستقيم عمودي على الآخر) ، برهن ذلك .

B- جد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $\tan^2 y dy = \sin^3 x dx$

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد إحداثيات المركز والبؤرتين والرأسين وطول المحورين والاختلاف المركزي للقطع الزائد الذي معادلته :

$2(y + 1)^2 - 4(x - 1)^2 = 8$

B- متوازي سطوح مستطيلة أبعاده تتغير بحيث تبقى قاعدته مربعة الشكل يزداد طول ضلع القاعدة بمعدل $0.3 \text{ cm} / \text{s}$ والارتفاع يتناقص بمعدل $0.5 \text{ cm} / \text{s}$ ، جد معدل تغير الحجم عندما يكون طول ضلع القاعدة (4 cm) والارتفاع (3 cm) .

C- جد المساحة المحددة بالدالتين $f(x) = 2 \sin x + 1$ و $g(x) = \sin x$ حيث $x \in [0, \frac{3\pi}{2}]$

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- برهن على أن : (للمستقيمات المتوازية المائلة على مستوى الميل نفسه) .

B- جد $U(\sigma, f)$ ، $L(\sigma, f)$ للدالة $f(x) = 4x - x^2$ حيث $f : [0, 4] \rightarrow R$ باستخدام أربع تجزئات متساوية .

C- جد أكبر حجم لمخروط دائري قائم ناتج من دوران مثلث قائم الزاوية طول وتره $(4\sqrt{3} \text{ cm})$ دورة كاملة حول أحد ضلعيه القائمين .

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- باستخدام نتيجة مبرهنة دي موافر ، جد الجذور التكعيبية للعدد $(64i)$.

B- إذا كان المستقيم $3x - y = 9$ يمس المنحني $y = ax^2 + bx + c$ عند النقطة $(2, -1)$ وكان للمنحني نهاية صغرى محلية عند $(x = 5)$ ، جد قيم الثوابت $a, b, c \in R$.

C- جد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $2x^2 \frac{dy}{dx} = x^2 + y^2$





باركود الملاحظات وتقاسيم الدرجة

الدور / الاول
الفرع / الرياضيات

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (ب) فرع (A)

الرقم	البيانات المعطاة	النتيجة
١	<p>حل المعادلة $z^2 + z + 1 = 0$ بالرمز z لإيجاد z</p> <p>$a = 1$, $b = 1$, $c = 1$</p> $z = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-1 \pm \sqrt{1 - 4(1)(1)}}{2(1)} = \frac{-1 \pm \sqrt{-3}}{2}$ $= \frac{-1 \pm \sqrt{3}i}{2} = -\frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2}i$ <p>لذا $z = w$ أو $z = w^2$</p>	$\frac{-1 \pm \sqrt{-3}}{2}$
٢	<p>بافتراض $z = w$</p> $\frac{1 + 3z^{10} + 3z^{11}}{1 - 3z^7 - 3z^8} = \frac{1 + 3w^{10} + 3w^{11}}{1 - 3w^7 - 3w^8} = \frac{1 + 3w + 3w^2}{1 - 3w - 3w^2}$ $= \frac{1 + 3(w + w^2)}{1 - 3(w + w^2)} = \frac{1 + 3(-1)}{1 - 3(-1)} = \frac{1 - 3}{1 + 3} = \frac{-2}{4} = \boxed{-\frac{1}{2}}$	$\frac{1 + 3w + 3w^2}{1 - 3w - 3w^2} = \frac{-2}{4} = \boxed{-\frac{1}{2}}$
٢	<p>بافتراض $z = w^2$</p> $\frac{1 + 3z^{10} + 3z^{11}}{1 - 3z^7 - 3z^8} = \frac{1 + 3(w^2)^{10} + 3(w^2)^{11}}{1 - 3(w^2)^7 - 3(w^2)^8} = \frac{1 + 3w^2 + 3w}{1 - 3w^2 - 3w}$ $= \frac{1 + 3w^2 + 3w}{1 - 3w^2 - 3w} = \frac{1 + 3(w^2 + w)}{1 - 3(w^2 + w)}$ $= \frac{1 + 3(-1)}{1 - 3(-1)} = \frac{1 - 3}{1 + 3} = \frac{-2}{4} = \boxed{-\frac{1}{2}}$	$\frac{1 + 3(w^2 + w)}{1 - 3(w^2 + w)} = \frac{-2}{4} = \boxed{-\frac{1}{2}}$



الدور / المصطفى

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعداية للعام الدراسي ٢٠١٨ / ٢٠١٧

الفرع العلمي / الطبيعي

اسم المادة / رياضيات

جواب السؤال (بل) فرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	التصحيح	المعدل
٤	$f(x) = \sqrt[5]{x^3} + x^4 + 3$ $f(a) = f(1) = \sqrt[5]{(1)^3} + (1)^4 + 3$ $= 1 + 1 + 3 = 5$	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> $b = 0.98$ $a = 1$ $h = -0.02$ </div>	
٤	$f(x) = x^{\frac{3}{5}} + x^4 + 3$ $\Rightarrow f'(x) = \frac{3}{5}x^{-\frac{2}{5}} + 4x^3$ $f(a) = f'(1) = \frac{3}{5}(1)^{-\frac{2}{5}} + 4(1)^3 = \frac{3}{5} + 4 = \frac{3+20}{5}$ $= \frac{23}{5} = 4.6$		
٤	$f(a+h) \approx f(a) + h \cdot f'(a)$ $\approx 5 + (-0.02)(4.6)$ $\approx 5 - 0.092$ ≈ 4.908		



الدور / ليبريهيبي

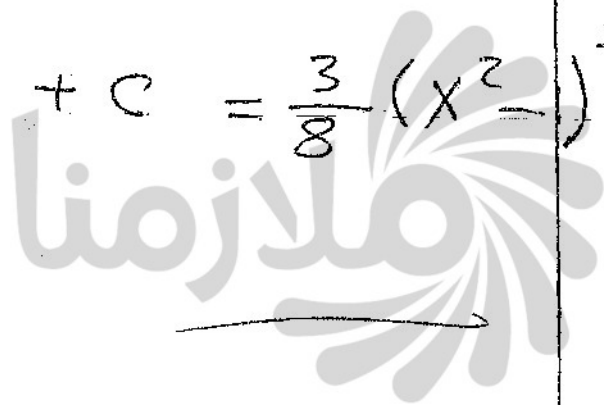
الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

الفرع / الجبر والتفاضل

اسم المادة / رياضي

جواب السؤال (١٢) فرع (B)

السؤال	الاجابة
٢ درجتي	$① \int_1^4 \frac{e^{\sqrt{x}}}{2\sqrt{x}} dx = [e^{\sqrt{x}}]_1^4$ $\left. \begin{array}{l} \text{درجتي} \\ \text{درجتي} \end{array} \right\} = e^{\sqrt{4}} - e^{\sqrt{1}} = e^2 - e$
٢ درجتي	$② \int \sqrt[3]{x^5 - x^3} dx = \int \sqrt[3]{x^3(x^2 - 1)} dx$ $= \int (\sqrt[3]{x^3} \sqrt[3]{x^2 - 1}) dx$ $= \int (x^2 - 1)^{\frac{1}{3}} \cdot x dx$ $\left. \begin{array}{l} \text{درجتي} \\ \text{درجتي} \end{array} \right\} = \frac{1}{2} \int (x^2 - 1)^{\frac{1}{3}} (2x) dx$ $= \frac{1}{2} \cdot \frac{(x^2 - 1)^{\frac{4}{3}}}{\frac{4}{3}} + C = \frac{3}{8} (x^2 - 1)^{\frac{4}{3}} + C$



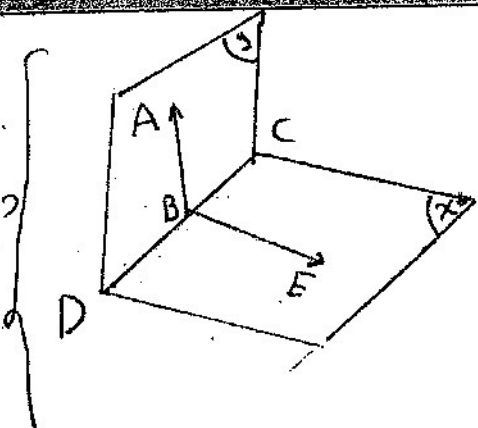


الدور / ليبريهديك
الفرع / الامتحان

الاجوية النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (الثالث) فرع (A)

الدرجة	الجواب النموذجي	السؤال
٣ درجات	 <p>المعطيات: $\overline{ABC} \subset (y)$ $\overline{AB} \perp (x)$</p> <p>المطلوب: $(x) \perp (y)$</p> <p>البرهان: ليكن $\overline{CD} = (x) \cap (y)$ [يتقاطع المستويان (x) و (y) في \overline{CD}] محتوي في كليهما [المستويان (x) و (y) يحتويان على \overline{CD}] لتكن $B \in \overline{CD}$ [مستقيم التقاطع يحوي النقطة B] المشتركة [المستويان (x) و (y) يتقاطعا في \overline{CD}] من (x) نرسم $\overline{BE} \perp \overline{CD}$ [في المستوي الواحد يمكن رسم مستقيم وحيد عمودي على مستقيم معلوم] $\overline{AB} \perp (x)$ (معطى) $\overline{AB} \perp \overline{CD}$ [المستقيم العمودي على مستوي عمودي على كل مستقيم في المستوي] جميع المستقيمتين المرسومه منه أثره ضمن المستوي $\angle ABC$ زاوية عائدته للزوايه \overline{CD} [تعريف العائده] $\angle ABC = 90^\circ$ [لأن $\overline{AB} \perp \overline{BC}$] قياس الزاويه الزوايه $\overline{CD} = 90^\circ$ [قياس الزاويه الزوايه] قياس الزاويه (العائده وبالعكس) $\therefore (x) \perp (y)$ [يتعامد المستويان اذا كانت الزاويه الزوايه بينهما 90°]</p>	



الدور / البيوميديسين
الفرع / البيوميديسين

الاجوية النموذجية للدراسة الاعداية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / رياضيات

جواب السؤال (٣) فرع (B)

الدرجة	العنوان المذكور في	الصفحة	السؤال
	$\int \tan^2 y \, dy = \int \sin^3 x \, dx$ $\int (\sec^2 y - 1) \, dy = \int \sin^2 x \sin x \, dx$ $\int \tan y - y = \int (1 - \cos^2 x) \sin x \, dx$ $\int \tan y - y = \int \sin x \, dx - \int \cos^2 x \sin x \, dx$ $\int \tan y - y = -\cos x + \frac{\cos^3 x}{3} + C$		





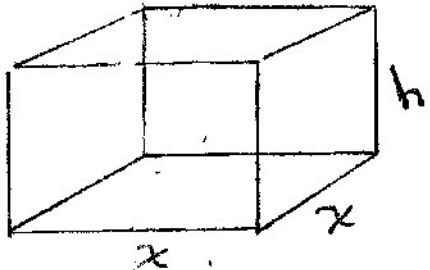
باركود الملاحظات وتقسيم الدرجة

الدور / الترميز
التفصيلي
الفرع / التمهيني

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٨

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (الرابع) فرع (B)

الاسئلة	الجواب التفصيلي	الدرجة
	<p>نفرض أبعاد متوازي الأضلاع</p> <p>x, x, h</p> <p>$V = x \cdot x \cdot h$</p> <p>$V = x^2 h$</p>  <p>$\frac{dv}{dt} = x^2 \cdot \frac{dh}{dt} + h \cdot 2x \cdot \frac{dx}{dt}$</p> <p>$\frac{dv}{dt} = (16)(-0.5) + 3(2)(4) \cdot (0.3)$</p> <p>$\frac{dv}{dt} = -8.0 + 7.2$</p> <p>$\frac{dv}{dt} = -0.8 \text{ cm}^3/\text{s}$</p> <p>معدل تناقص الحجم $0.8 \text{ cm}^3/\text{s}$</p>	
		ملاحظة في حساب طاب اذالم م



الدور / التجريدي
العالمية
الفرع / المتكبرين

الاجوية النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / البريانيات

جواب السؤال (الرابع) فرع (C)

الدرجة	الخطوات المتتالية	السؤال	الملاحظات
٢ ٢	$h(x) = f(x) - g(x)$ $h(x) = 2\sin x + 1 - \sin x$ $0 = \sin x + 1$ $\sin x = -1 \Rightarrow x = \frac{3\pi}{2}$ <p>أحد حدود الفترة لا يتجزأ</p>		
٢ ٢	$A = \left \int_0^{\frac{3\pi}{2}} (\sin x + 1) dx \right $ $= \left -\cos x + x \right _0^{\frac{3\pi}{2}}$ $= \left \left(-\cos \frac{3\pi}{2} + \frac{3\pi}{2} \right) - \left(-\cos 0 + 0 \right) \right $ $= \left \left(0 + \frac{3\pi}{2} \right) - (-1) \right $ $= \left \frac{3\pi}{2} + 1 \right = \frac{3\pi}{2} + 1 \quad \text{unit}^2$		

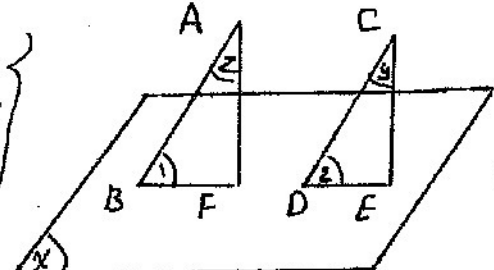


الدور / التمهيدي
العام
الفرع / التحضيري

الاجوبية النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / .. الارباعية ..

جواب السؤال (الخامس) فرع (A)

الرقم	السؤال	الاجابة
٢	 <p>المعطيات :- $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ $\overline{AB}, \overline{CD}$ مثلثات على (x)</p> <p>المطلوب اثباته :- زاوية \overline{AB} = زاوية \overline{CD} على (x)</p> <p>البرهان :- نرسم $CE \perp (x)$ $AF \perp (x)$</p> <p>يمكن رسم مستقيم واحد عمودي على مستقيم معلوم من نقطتين معلومتين</p> <p>تعريف المستقيم \overline{AB} مستقيم \overline{BF} مستقيم \overline{DE} مستقيم \overline{DC} مستقيم</p> <p>زاوية \overline{AB} على (x) = زاوية \overline{AB} على (x) تعريف زاوية زاوية \overline{CD} على (x) = زاوية \overline{CD} على (x) تعريف زاوية</p> <p>$\overline{AF} \parallel \overline{CE}$ المستقيمان العموديان على مستوي واحد متوازيان $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ (معطيات)</p> <p>ليكن (2) مستوي المستقيمين المتقاطعين \overline{AB} و \overline{AF} ليكن (4) مستوي المستقيمين المتقاطعين \overline{CD} و \overline{CE} لكون المستقيمين متقاطعين يوجد مستوي واحد يحتويهما $(2) \parallel (4)$ اذا وازن مثلعا زاوية مثلعا زاوية اخرى يتوازيان (مستويهما).</p> <p>$\overline{BF} \parallel \overline{DE}$ اذا قطع مستويين مستويين متوازيين فان مستقيمي التقاطع متوازيان.</p> <p>$\therefore \angle 2 = \angle 1$ بالتساخر</p>	<p>ملاحظة اذا لم يكن الطالب خاضع درسته</p>
٧	<p>(و.م.أ)</p>	

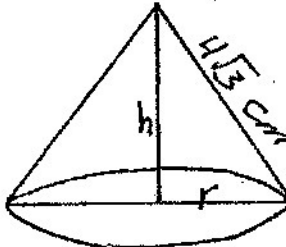


الدور / التحدي
العام
الفرع / التخصصات

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٨/٢٠١٧

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (الخامس) فرع (C)

الدرجة	الملاحظات	السؤال	التصنيف
٢	حسب نظرية فيثاغورس $(4\sqrt{3})^2 = h^2 + r^2$ $48 = h^2 + r^2 \Rightarrow r^2 = 48 - h^2$		
٤	$V = \frac{\pi}{3} r^2 h$ $= \frac{\pi}{3} (48 - h^2) h$ $= \frac{\pi}{3} (48h - h^3)$		ملاحظ إذا لم يكن الطالب يحسم ورضاه
٤	$V' = \frac{\pi}{3} (48 - 3h^2) = 0$ $[\frac{\pi}{3} (48 - 3h^2) = 0] \div \frac{\pi}{3}$ $[48 - 3h^2 = 0] \div 3$ $16 - h^2 = 0 \Rightarrow h^2 = 16 \therefore h = 4 \text{ cm}$		
٢	نعوض قيمة h في العلاقة $r^2 = 48 - (4)^2$ $r^2 = 48 - 16$ $\therefore r^2 = 32$ $V = \frac{\pi}{3} r^2 h$ $V = \frac{\pi}{3} (32)(4)$ $\therefore V = \frac{128\pi}{3} \text{ cm}^3$		



الدور / البعثات
العامة
الفرع / البعثات

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / الرياضيات...

جواب السؤال (حتى) فرع (A)

السؤال	الجواب
	$\begin{aligned} Z^3 &= 64i \\ Z &= \sqrt[3]{64i} \\ &= 4 \left(\cos \frac{\pi}{2} + i \sin \frac{\pi}{2} \right)^{1/3} \\ &= 4 \left(\cos \frac{\frac{\pi}{2} + 2k\pi}{3} + i \sin \frac{\frac{\pi}{2} + 2k\pi}{3} \right) \end{aligned}$ <p style="text-align: right;">حيث $k = 0, 1, 2$</p> <p>عند $k = 0$</p> $\begin{aligned} Z_1 &= 4 \left(\cos \frac{\frac{\pi}{2}}{3} + i \sin \frac{\frac{\pi}{2}}{3} \right) \\ &= 4 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right) \\ &= 4 \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2} i \right) = 2\sqrt{3} + 2i \end{aligned}$ <p>عند $k = 1$</p> $\begin{aligned} Z_2 &= 4 \left(\cos \frac{\frac{\pi}{2} + 2\pi}{3} + i \sin \frac{\frac{\pi}{2} + 2\pi}{3} \right) \\ &= 4 \left(\cos \frac{5\pi}{2} + i \sin \frac{5\pi}{2} \right) \end{aligned}$



الدور / البرهيدى
الساكني
الفرع / المتحسين

الاجوية النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (حتى) فرع (A)

السؤال	الجواب النموذجي	الدرجة
	$= 4 \left(\cos \frac{5\pi}{2} \cdot \frac{1}{3} + i \sin \frac{5\pi}{2} \cdot \frac{1}{3} \right)$ $= 4 \left(\cos \frac{5\pi}{6} + i \sin \frac{5\pi}{6} \right)$ $= 4 \left(\frac{-\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2} i \right) = -2\sqrt{3} + 2i$	
	<p>عندما $k=2$</p> $Z_3 = 4 \left(\cos \frac{\frac{\pi}{2} + 4\pi}{3} + i \sin \frac{\frac{\pi}{2} + 4\pi}{3} \right)$ $= 4 \left(\cos \frac{9\pi}{3} + i \sin \frac{9\pi}{3} \right)$ $= 4 \left(\cos \frac{9\pi}{2} \cdot \frac{1}{3} + i \sin \frac{9\pi}{2} \cdot \frac{1}{3} \right)$ $= 4 \left(\cos \frac{3\pi}{2} + i \sin \frac{3\pi}{2} \right)$ $= 4(0 - i)$ $= -4i$	
	<p>محل جذر ديقان</p> $S = \{ 2\sqrt{3} + 2i, -2\sqrt{3} + 2i, -4i \}$ <p>سأظهر إذا لم يكتب الطالب الجذور بعض درجته كاملة</p>	



الدور / الترميم
العام
الفرع / الترميم

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

اسم المادة / الرياضيات...

جواب السؤال (٦) فرع (B)

السؤال	الاجابة	المرجع
تحقق المعادلة (2, -1)	<p> $y = ax^2 + bx + c$ $-1 = a(2)^2 + b(2) + c$ $-1 = 4a + 2b + c$ — ① للدالة فكرياً صفر عند $x = 5$ $y' = 2ax + b$ $0 = 2a(5) + b$ $0 = 10a + b$ — ② والمستقيم $3x - y = 9$ ممسكاً $y = ax^2 + bx + c$ ممسكاً ∴ ميل المستقيم = ميل المنحني $\text{ميل المستقيم} = \frac{-a}{b} = \frac{-3}{-1} = 3$ $3 - y' = 0 \Rightarrow y' = 3$ </p>	<p> رقم مصدر مرجع مصدر </p>



الدور / (البيهيدي)

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٨

الفرع / (التجيني)

اسم المادة / (المبانيات)

فرع (B)

جواب السؤال (٦)

العدد	الاجابات النموذجية	المطلوب	السؤال
	<p>عند $x = 2$</p> $3 = 2ax + b$ $3 = 2a(2) + b$ $3 = 4a + b \quad \text{--- (3)}$ $0 = 10a + b$ $+3 = +4a + b$ <hr/> $-3 = 6a \Rightarrow a = \frac{-3}{6} \Rightarrow a = \frac{-1}{2}$ <p>بالطرح</p> <p>نعوض a بمعادلة (2) او (3)</p> $3 = 4a + b$ $3 = 4\left(\frac{-1}{2}\right) + b \Rightarrow 3 = -2 + b \Rightarrow b = 3 + 2$ $b = 5$ <p>نعوض a و b بمعادلة (1) لاستخراج c</p> $-1 = 4a + 2b + c$ $-1 = 4\left(\frac{-1}{2}\right) + 2(5) + c$ $-1 = -2 + 10 + c$ $-1 = 8 + c \Rightarrow c = -1 - 8$ $c = -9$		



مع نظام الباركود تستطيع الوصول بشكل سريع ومباشر لما يلي:

- 1 صورة الأسئلة
- 2 تقسيم الدرجة
- 3 ملف الأجوبة
- 4 ملاحظات الأساتذة
- 5 وكل ما يسهل لك التفوق وتحقيق أعلى الدرجات



للحصول على هذا
الملف إلكترونياً

موقع ملازمنا
www.malazemna.com

