

الرياضيات

الأجوبة النموذجية

الدور الاول (1)

احيائي / خاص

— 2017 م —

السادس الاعدادي



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط (لكل سؤال ٢٠ درجة) .

س1 : A- ما المعادلة التربيعية التي معاملاتها أعداد حقيقية وأحد جذريها هو $(3 - i)$ ؟

B- باستخدام نتيجة مبرهنة القيمة المتوسطة جد وبصورة تقريبية : $\sqrt{17} + \sqrt[4]{17}$

س2 : A- قطع ناقص مركزه نقطة الأصل وإحدى بؤرتيه بؤرة القطع المكافئ $y^2 + 4\sqrt{5}x = 0$ ومجموع

مربعي طولَي محوريه (52) وحدة طول ، جد معادلته .

B- جد أحد التكاملات الآتية :

$$1) \int_0^1 \sqrt{x} (\sqrt{x} + 2)^2 dx$$

$$2) \int \sqrt{1 - \sin 2x} dx$$

س3 : A- (إذا تعامد مستويان فالمستقيم المرسوم في أحدهما والعمودي على مستقيم التقاطع يكون عمودياً على المستوي الآخر) ، برهن ذلك .

B- جد حل المعادلة التفاضلية : $y' = x\sqrt{y}$ عندما $x = 2$ ، $y = 9$.

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- ما معادلة القطع الزائد الذي مركزه نقطة الأصل إذا علمت أن أحد رأسيه يبعد عن البؤرتين $\{8, 2\}$

وحدات على الترتيب وينطبق محوره على المحورين الإحداثيين ؟

B- جد العدد الذي إذا أضيف إلى مربعه يكون الناتج أصغر ما يمكن .

C- برهن على أن : (مستوي الزاوية العائدة للزوجية يكون عمودياً على حرفها) .

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- إذا كانت $F(x) = \frac{1}{2} \sin 2x$ دالة مقابلة للدالة $f(x)$ المستمرة على الفترة $[0, \frac{\pi}{4}]$ ،

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$$

جد قيمة :

$$B- احسب : \frac{(\cos 2\theta + i \sin 2\theta)^6}{(\cos 5\theta + i \sin 5\theta)^2}$$

C- إذا كانت : $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx$ و $g(x) = 1 - 12x$ وكانت f و g متماستان عند

نقطة انقلاب المنحني f وهي $(1, -11)$ ، جد $a, b, c \in R$.

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

$$A- حل المعادلة التفاضلية الآتية : x \left(\frac{dy}{dx} - \tan \frac{y}{x} \right) = y$$

باركود الاجوبة والملاحظات وتقسيم الدرجة

B- احسب الحجم المتولد من دوران المساحة المحصورة بين $y^2 = x^3$ والمستقيمان $x = 2$ ، $x = 0$

حول محور السينات .

C- ارسم منحنى الدالة $f(x) = 2x^2 - x^4$ حسب معلوماتك في التفاضل .





الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٦ / ٢٠١٧

اسم المادة / ..الرياضيات..

الدور الأول / الموصل
الفرع العلمي / الإحصائي

جواب السؤال (أ) فرع (A)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
--------	-----------------	--------	--------

6 درجات

∴ المعادلة حاصلاتها اعداد حقيقيه ← جذراها مترامتان

$$\therefore L = 3 - i \Rightarrow M = 3 + i$$

$$L + M = 3 - i + 3 + i = 6$$

$$L * M = (3 - i) \cdot (3 + i) = 9 + 1 = 10$$

4 درجات

المعادلة $X^2 - (M+L) \cdot X + M * L = 0$

$$X^2 - 6x + 10 = 0$$

حلاصه عامه

بحاسب الطالب ان اضف عند البدايه مره واحده على ان تكون الخطوات لتاليه جميعها صحيحه على لنتيجة الحاصله .



الدور الأول / المرحّل
الفرع العلمي / الإحصائي

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٦

اسم المادة / البرهانيات

جواب السؤال (مل) فرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
--------	-----------------	--------	--------

3 بدون	$\sqrt{17} + \sqrt[4]{17}$ $\text{let } f(x) = \sqrt{x} + \sqrt[4]{x}$ $\text{let } a=16, b=17 \Rightarrow h=b-a$ $h=17-16 \Rightarrow \boxed{h=1}$		
4 بدون	$f(16) = \sqrt{16} + \sqrt[4]{16}$ $= 4 + 2 = 6$ $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{4\sqrt[4]{x^3}}$ $f'(16) = \frac{1}{2\sqrt{16}} + \frac{1}{4\sqrt[4]{(16)^3}} = \frac{1}{8} + \frac{1}{32}$ $= \frac{5}{32} = 0.156$	<p>ملاحظة يمكنه للتغلب بجزئه $\sqrt{17}$ و $\sqrt[4]{17}$ كل منهم على حدا وبعد ذلك على انه يكون اكل صحيح.</p> <p>ع اذا لم يبسط لسورك ايمتارية لا تخف من درجته شديدا.</p>	
3 بدون	$f(b) = f(a) + h f'(a)$ $f(17) = 6 + (1)(0.156)$ $= 6 + 0.156 = 6.156$		





الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٦ / ٢٠١٧

اسم المادة / ...

الدور / الأول / الموصل

الفرع / العلمي / الإحصاء

جواب السؤال (س 2) فرع (A)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
3	$y^2 = -4\sqrt{5}x$ $y^2 = -4px$ <hr/> $4p = 4\sqrt{5} \Rightarrow p = \sqrt{5}$ <p>∴ (0, -√5) هي بؤرة القطع المكافئ وهي أحدى بؤرتي القطع الناقص.</p>		
3	$c = \sqrt{5} \Rightarrow c^2 = 5$ $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$		
3	$(2a)^2 + (2b)^2 = 52$ $[4a^2 + 4b^2 = 52] \div 4$ $a^2 + b^2 = 13 \Rightarrow a^2 = 13 - b^2$		
4	$c^2 = a^2 - b^2$ $5 = 13 - b^2 - b^2$ $2b^2 = 13 - 5 \Rightarrow 2b^2 = 8 \Rightarrow b^2 = 4$ $a^2 = 13 - 4 \Rightarrow a^2 = 9$ $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$		





الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٦ / ٢٠١٧

اسم المادة / الرياضيات

الدور / الأول / الموصل

الفرع / العلمي / الاعداد

جواب السؤال (٢) فرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
5	$\textcircled{1} \int_0^1 \sqrt{x} (\sqrt{x} + 2)^2 dx =$ $= \int_0^1 \sqrt{x} (x + 4\sqrt{x} + 4) dx$ $= \int_0^1 (x^{\frac{3}{2}} + 4x + 4x^{\frac{1}{2}}) dx$ $= \left[\frac{2}{5} x^{\frac{5}{2}} + 2x^2 + \frac{8}{3} x^{\frac{3}{2}} \right]_0^1$ $= \left[\frac{2}{5} + 2 + \frac{8}{3} \right] - [0]$ $= \frac{6 + 30 + 40}{15} = \frac{76}{15}$		

← سيع ...



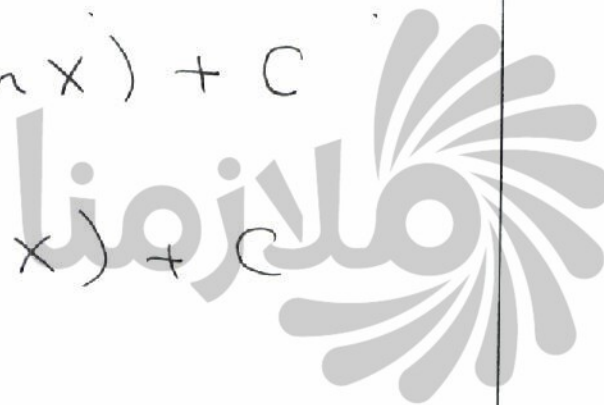
الدور / لربول الموصل
الفرع / العلمي / الإحصائي

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٦

اسم المادة / الرياضيات

كلمه جواب السؤال (٢٤) فرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
	$(2) \int \sqrt{1 - \sin 2x} \, dx$ $= \int \sqrt{\sin^2 x - 2 \sin x \cdot \cos x + \cos^2 x} \, dx$ $= \int \sqrt{(\sin x - \cos x)^2} \, dx$ $= \pm \int (\sin x - \cos x) \, dx$ $= \pm (-\cos x - \sin x) + C$ $= \mp (\cos x + \sin x) + C$		





الدور الأول / الموصل
الفرع العلمي / الرياضيات

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٦ / ٢٠١٧

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (تحس) فرع (A)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
4 درجات	<p><u>المعطيات :-</u> النقطة $D \in \overline{AB}$ وقد رسمنا $(x) \perp (y)$ ، $\overline{CD} \subset (y)$ ، $\overline{CD} \perp \overline{AB}$ $(x) \cap (y) = \overline{AB}$ <u>م. ٣</u> $\overline{CD} \perp (x)$</p> <p><u>البرهان :-</u> من D نرسم في (x) نرسم $\overline{DE} \perp \overline{AB}$ في المستوى الواحد نكتب رسم مستقيم ولها عمودي على مستقيم فيه من نقطة معلومة { $\therefore \overline{CD} \perp \overline{AB}$ ، $\overline{CD} \subset (y)$ ، $(x) \perp (y)$ } معطى . $\therefore \Delta CDE$ قائمة الزوية لزوجية $(y) - \overline{AB} - (x)$ لقائمة { تعريف القائمة } $\therefore \Delta CDE = 90^\circ$ { قياس الزوية } اي القائمة لا وبالقياس { $\therefore \overline{CD} \perp \overline{DE}$ } اذا كان قياس زاوية 90° فانها صليان متقطعين $\therefore \overline{CD} \perp (x)$ { المستقيم العمود على مستقيمن متقاطعين من نقطة تقاطعها يكون عموديا على كليهما } .</p> <p>و. هـ . ٣ .</p>	6 درجات	



الدور الأول / البرهان
الفرع العلمي / الإحصاء

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٦ / ٢٠١٧

اسم المادة / ... البرهان ...

جواب السؤال (3) فرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
4	$y' = x \sqrt{y}$ $\frac{dy}{dx} = x \sqrt{y}$ $dy = x \sqrt{y} dx$		
6	$\frac{dy}{\sqrt{y}} = x dx \Rightarrow \int y^{-\frac{1}{2}} dy = \int x dx$ $2y^{\frac{1}{2}} = \frac{x^2}{2} + C$ $2\sqrt{y} = \frac{1}{2}x^2 + C$ $2\sqrt{9} = \frac{1}{2}(2)^2 + C$ $2 \cdot 3 = 2 + C \Rightarrow C = 6 - 2$ $C = 4$ $2\sqrt{y} = \frac{x^2}{2} + 4$		عندما $x=2$, $y=9$ نعوض عنه $x=2$ $y=9$ لإيجاد C :- المعادلة



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٦

اسم المادة / البريا... هيا... لست... ..

الدور الاول / المرحل

الفرع العلمي / الرياضيات

جواب السؤال (٤٤) فرع (A)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
3	$\begin{cases} c + a = 8 \\ c - a = 2 \end{cases}$ <p>بالجمع</p> $2c = 10 \Rightarrow c = 5 \Rightarrow c^2 = 25$ $5 + a = 8 \Rightarrow a = 8 - 5 \Rightarrow a = 3 \Rightarrow a^2 = 9$		
3	$\begin{cases} c^2 = a^2 + b^2 \\ 25 = 9 + b^2 \end{cases} \Rightarrow b^2 = 25 - 9$ $b^2 = 16$		
4	<p>المعادلة $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ بؤرتاه \Rightarrow للسينات (1)</p> <p>المعادلة $\frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{16} = 1$ بؤرتاه \Rightarrow للصدات (2)</p> <p>لو كانتا للبؤرتاه على محور السينات الرسم يكون (والرسم لا يكتب عليه)</p>		



الدور الأول / الموصل
الفرع الأول / الإجمالي

الإجابة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٦

اسم المادة / البرهان هنيئا...

جواب السؤال (٤) فرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
٥ بطل	<p>نفرض العدد = X مربعه = X^2 العدد + مربعه = العارضة $m = X + X^2$ $m' = 1 + 2X$ $m' = 0$</p>		
٥ بطل	<p>$1 + 2X = 0 \Rightarrow 2X = -1$ $X = \frac{-1}{2}$ العدد</p>		
	<p>$\frac{-1}{2} =$ العدد \therefore</p> <p>الرضيا + + + + + + $X = \frac{-1}{2}$ اصغر ما يمكن</p>		



الدور الأول / الموصل
الفرع / العلمي / الإحصائي

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٦

اسم المادة /
الاسم
.....

جواب السؤال (٤) فرع (C)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
4	<p>المعطيات :- (y) - \overline{AB} - (x) زاوية توضيحية والزوايا $\triangle DCE$ عائدة لـ و (DCE) مستوية الزوايا، عائدة - م.ت :- - $(DCE) \perp \overline{AB}$</p>		
6	<p>البرهان :- $\triangle DCE \triangleright$ هي الزاوية العائدة للتوضيحية (معطيات) $\therefore \overline{CE} \perp \overline{AB}$ وان $\overline{CD} \perp \overline{AB}$ تقريرا لعائدة $\therefore (DCE) \perp \overline{AB}$ { المتيقن لعمود للأبتيقن معاً صفتين من تقاطعها كما ظهرها عمود للأبتيقن</p>		





الدور / الأول / طوويل

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٦

الفرع / علمي / إحصائي

اسم المادة / إحصاءية ...

جواب السؤال (٥) فرع (A)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
3 بدون	$\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$ $= [F(x)]_0^{\frac{\pi}{4}}$ $= F\left(\frac{\pi}{4}\right) - F(0)$		
7 بدون	$= \frac{1}{2} \sin 2\left(\frac{\pi}{4}\right) - \frac{1}{2} \sin 2(0)$ $= \frac{1}{2} \sin \frac{\pi}{2} - \frac{1}{2} \sin(0)$ $= \frac{1}{2} (1) - \frac{1}{2} (0)$ $= \frac{1}{2} - 0 = \boxed{\frac{1}{2}}$		



الدور / بول / عوض

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٦

الفرع / علم / إحصائي

اسم المادة / رياضيات ...

جواب السؤال (٥) فرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
5	$\frac{(\cos 2\theta + i \sin 2\theta)^6}{(\cos 5\theta + i \sin 5\theta)^2}$ $= \frac{(\cos \theta + i \sin \theta)^{12}}{(\cos \theta + i \sin \theta)^{10}}$ $= (\cos \theta + i \sin \theta)^{12-10}$ $= (\cos \theta + i \sin \theta)^2$ $= \cos 2\theta + i \sin 2\theta$		
6			

ملاحظة هناك عدة طرق لحل هذا الفرع
يريد ملاحظة ذلك.



الدور الأول / ثانوي
الفرع العلمي / الإحصائي

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٦ / ٢٠١٧

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (كى) فرع (C)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
--------	-----------------	--------	--------

$f(x) = ax^3 + bx^2 + cx$
 :- نقطة تماس (١١-١٠) ← تحقق معادلة المماس
 $-11 = a + b + c$ --- (1)
 $f'(x) = g(x) \leftarrow g(x) \text{ يس } f(x) :-$
 $f'(x) = 3ax^2 + 2bx + c$
 $f'(1) = 3a + 2b + c$
 $g'(x) = -12$
 $-12 = 3a + 2b + c$ --- (2)
 :- نقطة انقلاب (١١-١٠) ← $f'(1) = 0$
 $f''(x) = 6ax + 2b$
 $0 = 6a + 2b$ --- (3)

6
بطل

$-11 = a + b + c$
 $-12 = 3a + 2b + c$ بالبحج

$1 = -2a - b$ --- (4)

$0 = 3a + b$ مع (3) نقسم على 2

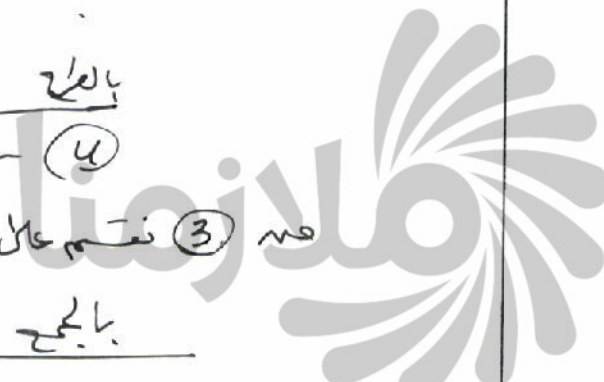
$1 = -2a - b$ بالبحج

$1 = a$

$1 = -2 - b \Rightarrow b = -3$
 $-11 = 1 - 3 + c \Rightarrow c = -9$

4
بطل

نعوض في (4)
 نعوض في (1)





الدور الأول / المرحل
الفرع العلمي / الإجماعي

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٦ / ٢٠١٧

اسم المادة / البريا...
جواب السؤال (ك) فرع (A)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
3	$\left[x \left(\frac{dy}{dx} - \tan \frac{y}{x} \right) = y \right] \div x$ $\frac{dy}{dx} - \tan \frac{y}{x} = \frac{y}{x}$ $\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \tan \frac{y}{x}$ <p>let $v = \frac{y}{x} \Rightarrow y = vx \Rightarrow \frac{dy}{dx} = v + x \frac{dv}{dx}$</p> $v + x \frac{dv}{dx} = v + \tan v$ $x \frac{dv}{dx} = \tan v - v$ $\frac{dv}{\tan v - v} = \frac{dx}{x}$ $\frac{dv}{\sin v - v \cos v} = \frac{dx}{x} \Rightarrow \int \frac{\cos v}{\sin v} dv = \int \frac{dx}{x}$ $\ln \sin v = \ln x + C$ $\ln \left \sin \frac{y}{x} \right = \ln x + C$		



الدور الأول / الموصل
الفرع العلمي / الإحصائي

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٦

اسم المادة /
الرياضيات

جواب السؤال (ك) فرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
3 نقطة	$V = \pi \int_a^b y^2 dx$		
7 نقطة	$V = \pi \int_0^2 x^3 dx$ $V = \pi \left[\frac{x^4}{4} \right]_0^2$ $V = \pi \left[\frac{(2)^4}{4} - 0 \right] = \pi \left[\frac{16}{4} \right]$ $V = 4\pi \text{ unit}^3$		





الدور الأول / المرحل
الفرع العلمي / الرياضيات

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٦

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (ب) فرع (C)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
--------	-----------------	--------	--------

$$f(x) = 2x^2 - x^4$$

① مجال الدالة = \mathbb{R} كونها كثيرة الحدود

$$f(-x) = 2(-x)^2 - (-x)^4$$

$$= 2x^2 - x^4 = f(x)$$

∴ التناظر مع محور الصادات.

② التقاطع نقطة $(0,0)$
تقاطع $\Rightarrow y = 0 \Rightarrow x = 0$

③ $\Rightarrow 0 = x^2(2-x^2) \Rightarrow x = 0, x = \pm\sqrt{2}$
∴ نقاط التقاطع - $(\sqrt{2}, 0), (-\sqrt{2}, 0)$

④ المحاذيات : لا يوجد محاذيات لانها غير كسرية
⑤ النهايات الحتمية والصفرية.

$$f'(x) = 4x - 4x^3$$

$$0 = 4x - 4x^3$$

$$= 4x(1-x^2)$$

$$\therefore x = 0 \text{ or } x = \pm 1$$



عندما $x=1 \leftarrow y=1$ نقطة حرجية هي نهاية عنصريا
عندما $x=-1 \leftarrow y=1$
عندما $x=0 \leftarrow y=0$ نقطة حرجية هي نهاية عنصريا
عندما $x=0 \leftarrow y=0$ نقطة حرجية هي نهاية عنصريا
عندما $x=0 \leftarrow y=0$ نقطة حرجية هي نهاية عنصريا



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧ / ٢٠١٦

اسم المادة / الرياضيات

الدور الاول / المرحل

الفرع العلمي / الإجمالي

كامله جواب السؤال (ك) فرع (C)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
	<p>١) مناطق التزايد $\{x : x \in \mathbb{R}, x < -1\}$ و $(0, 1)$ الفترة المستقره</p> <p>التناقص $\{x : x \in \mathbb{R}, x > 1\}$ الفترة المستقره</p> <p>٥) مناطق النقص والحدب ونقاط الانقلاب</p> $f''(x) = 4 - 12x^2 = 0 \Rightarrow f''(x) = 0$ $4 - 12x^2 = 0 \quad] \div 4$ $1 - 3x^2 = 0 \Rightarrow 3x^2 = 1 \Rightarrow x^2 = \frac{1}{3}$ $x = \pm \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow y = \frac{2}{3} - \frac{1}{9} = \frac{5}{9}$ <p>نقطتي $(-\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{5}{9})$, $(\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{5}{9})$</p> <p>إشارة $f''(x)$: $-\quad -\quad -\quad +\quad +\quad +\quad +\quad -\quad -\quad -$</p> <p>$\wedge \quad -\frac{1}{\sqrt{3}} \quad \cup \quad \frac{1}{\sqrt{3}} \quad \wedge$</p> <p>مناطق التغير $(-\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}})$</p> <p>مناطق الحدب $\{x : x \in \mathbb{R}, x > \frac{1}{\sqrt{3}}\}$</p> <p>$\{x : x \in \mathbb{R}, x < -\frac{1}{\sqrt{3}}\}$</p> <p>∴ النقطتان $(-\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{5}{9})$, $(\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{5}{9})$ نقاط انقلاب</p>		

3
=



الدور الأول / المرحل
الفرع العلمي / الإلزامي

الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٦

اسم المادة / الإلزامي / جيبا / لستة

حلله جواب السؤال (كس) فرع (C)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
	$\frac{1}{\sqrt{2}} \approx \frac{1}{2}$ و $\frac{5}{9} \approx \frac{1}{2}$		



مع نظام الباركود تستطيع الوصول بشكل سريع ومباشر لما يلي:

- 1 صورة الأسئلة
- 2 تقسيم الدرجة
- 3 ملف الأجوبة
- 4 ملاحظات الأساتذة
- 5 وكل ما يسهل لك التفوق وتحقيق أعلى الدرجات



للحصول على هذا
الملف إلكترونياً

موقع ملازمنا
www.malazemna.com

