

الرياضيات

الأجوبة النموذجية

خارج العراق الدور الثالث (3)

— 2016 م —

السادس الاعدادي



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط (لكل سؤال ٢٠ درجة)

س1 : A- كَوّن المعادلة التربيعية التي جذراها : $\frac{w}{1+3w}$ ، $\frac{w^2}{1+3w^2}$

B- إذا كانت $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ لها نهاية عظمى محلية عندما $x = -1$ ونهاية صغرى محلية عند $x = 2$ ، جد قيمة a ، b الحقيقيتين ، ثم جد نقطة الانقلاب .

س2 : A- جد معادلة القطع المكافئ الذي رأسه نقطة الأصل وبؤرته على محور السينات والمسافة بين البؤرة والدليل تساوي 8 وحدات .

B- برهن أنه إذا وازى مستقيم مستوياً وكان عمودياً على مستو آخر فإن المستويين متعامدان .

س3 : A- جد حجم أكبر مخروط دائري قائم يمكن وضعه داخل كرة نصف قطرها 6 cm .

B- لتكن $f : [2, 5] \rightarrow R$ بحيث $f(x) = 2x - 3$ و $\theta = (2, 3, 5)$ ، جد القيمة التقريبية لـ $\int_2^5 f(x) dx$ وتحقق من ذلك هندسياً .

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الجذور التربيعية للعدد $(-1 + \sqrt{3}i)$ باستخدام مبرهنة دي موافر .

B- اختبر إمكانية تطبيق القيمة المتوسطة للدالة الآتية على الفترة المعطاة إزائها وإن تحققت جد قيمة c :

$$f(x) = x^2 - 4x + 5 \quad , \quad [-1, 2]$$

C- حل المعادلة التفاضلية : $y' = \frac{x^2 + y^2}{2xy}$

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- قطع زائد مركزه نقطة الأصل ومعادلته $hx^2 - ky^2 = 90$ وطول محوره الحقيقي $6\sqrt{2}$ وحدة وبؤرته

تنطبقان على بؤرتي القطع الناقص الذي معادلته $9x^2 + 16y^2 = 576$ ، جد قيمة h ، k الحقيقيتين .

B- كرة صلدة قطرها 8 cm مغطاة بطبقة من الجليد بحيث شكلها يبقى كرة فإذا بدأ الجليد بالذوبان بمعدل

$5 \text{ cm}^3 / \text{s}$ ، جد معدل النقصان بسمك الجليد في اللحظة التي يكون فيها سمك الجليد 1 cm .

$$1) \int \frac{\sqrt{\cot 2x}}{1 - \cos^2 2x} dx$$

$$2) \int_1^8 \frac{\sqrt[3]{x-1}}{\sqrt[3]{x^2}} dx$$

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد المساحة المحددة بالدالتين : $y = x^2$ ، $y = x^4 - 12$

B- هل $y = \sqrt{1 - 2x^2}$ تمثل حلاً للدالة $y^3 y'' = -2$ ؟ بين ذلك .

C- برهن على أن : (زاوية الميل بين المستقيم ومسقطه على مستو أصغر من الزاوية المحصورة بين المستقيم نفسه وأي مستقيم آخر مرسوم من موقعه ضمن ذلك المستوي) .





الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور الثالث

اسم المادة : الرياضيات الفرع : العالِم

جواب السؤال (1) الفرع (A)

السؤال	الصفحة	الجواب النموذجي	الدرجة
		<p>let $m = \frac{w}{1+3w}$, $L = \frac{w^2}{1+3w^2}$</p> <p>$m + L = \frac{w}{1+3w} + \frac{w^2}{1+3w^2}$</p> $= \frac{w(1+3w^2) + w^2(1+3w)}{(1+3w)(1+3w^2)}$ $= \frac{w + 3w^3 + w^2 + 3w^3}{1 + 3w^2 + 3w + 9w^3} = \frac{w + w^2 + 6w^3}{1 + 3(w^2 + w) + 9}$ $= \frac{-1 + 6}{1 - 3 + 9} = \frac{5}{7}$ <p>$m - L = \left(\frac{w}{1+3w}\right) * \left(\frac{w^2}{1+3w^2}\right) = \frac{w^3}{1 + 3w^2 + 3w + 9w^3}$</p> $= \frac{1}{1 + 3(w^2 + w) + 9} = \frac{1}{1 - 3 + 9} = \frac{1}{7}$ <p>$x^2 - (L+m)x + L \cdot m = 0$</p> $x^2 - \frac{5}{7}x + \frac{1}{7} = 0 \quad \} * 7$ <p>$7x^2 - 5x + 1 = 0$</p> <p>الخطوة الأخيرة عليك الاستفسار عنها ولا تخجل الطالب عليك -</p>	4



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور الثالث

اسم المادة : الرياضيات فرع : خ

جواب السؤال (1) الفرع (B)

السؤال	الصفحة	الجواب النموذجي	الدرجة
		<p> $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ $f'(x) = 3x^2 + 2ax + b$ $\therefore f(-1) = 0$ $0 = 3 - 2a + b$ $\therefore 2a - b = 3 \text{ --- (1)}$ $\therefore f(2) = 0$ $12 + 4a + b = 0$ $4a + b = -12 \text{ --- (2)}$ $2a - b = 3$ $4a + b = -12$ بالجمع $6a = -9 \Rightarrow a = \frac{-3}{2}$ $2 \cdot \frac{-3}{2} - b = 3$ $\therefore b = -6$ $\therefore f(x) = x^3 - \frac{3}{2}x^2 - 6x$ $f'(x) = 3x^2 - 3x - 6$ $f''(x) = 6x - 3$ </p>	3



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥/٢٠١٦

الدور / الثانية
اسم المادة : الرياضيات
الفرع / العلمي

جواب السؤال (٤) الفرع (A)

الدرجة	النموذجي	جواب النموذجي	الصفحة	السؤال
6	١	<p>$2P = 8 \Rightarrow P = 4$</p> <p>∴ البؤرة على محور السينات هناك امتدادات</p> <p>(1) امتداد x دول البؤرة (4,0)</p> <p>$y^2 = 4Px$</p> <p>$y^2 = 4(4)x \Rightarrow y^2 = 16x$</p> <p>معادلة القطع المكافئ</p>		
4	٢	<p>(2) امتداد x ثنائي البؤرة (-4,0)</p> <p>$y^2 = -4Px$</p> <p>$y^2 = -4(4)x \Rightarrow y^2 = -16x$</p> <p>معادلة القطع المكافئ</p>		



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور / الثالث
اسم المادة : الرياضيات فرع / العام

جواب السؤال (2) الفرع (B)

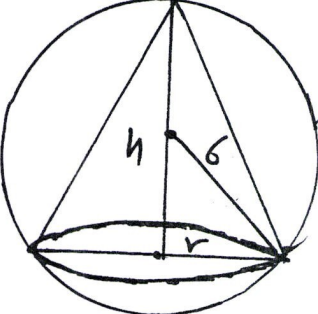
السؤال	الصفحة	الجواب	الدرجة
4 درجات الرسم ودرجاته		<p>المعطيات :- $(y) \perp \overline{AB}$ $(x) \parallel \overline{AB}$ م.ت :- $(y) \perp (x)$ البرهان :- $(x) \parallel \overline{AB}$ معطى ∴ إذا كان $\overline{AB} \subset (x)$ فأت $(x) \perp (y)$ ∵ كل مستو يتقاطع مع مستو معلوم يكون عمودياً عليه. أما إذا كان $\overline{AB} \cap (x) = \emptyset$ لكنه $E \in (x)$ نرسم خط $\overline{EF} \parallel \overline{AB}$ ∴ $\overline{EF} \subset (x)$ إذا وازك مستقيم متوا مع المستقيم المار من نقطة فيه نقاط المستوي عوازل المستقيم المعلوم يكون محتوي فيه $(y) \perp \overline{AB}$ معطى $(y) \perp \overline{EF}$ ∵ المستوي العمود على أحد مستقيمين متوازيين محويين كل واحد ∴ $(y) \perp (x)$ ∵ كل مستو مار بمستقيم عمود على مستو معلوم يكون عمودياً عليه. (و.ه.م)</p>	
6 درجات			



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥/٢٠١٦

اسم المادة: إرياضيات الفرع: العلمي

جواب السؤال (٣) الفرع (A)

الدرجة	النموذجي	الجواب	الصفحة	السؤال
		<p>نقطة نصف قطر قاعدة المخروط = r و، لارتفاعه = h</p>  <p>$V = \frac{\pi}{3} r^2 h$ — (١) حيث $r^2 + h^2 = 36$ $r^2 = 36 - h^2$ — (٢) نعوض (٢) في (١)</p> <p>$V = \frac{\pi}{3} (36 - h^2) h$ $V = \frac{\pi}{3} (36h - h^3)$ $V' = \frac{\pi}{3} (36 - 3h^2)$ $V' = 0 \Rightarrow \left[\frac{\pi}{3} (36 - 3h^2) = 0 \right] \div \left(\frac{\pi}{3} \right)$ $36 - 3h^2 = 0 \Rightarrow h^2 = \frac{36}{3} = 12 \Rightarrow h = \boxed{2\sqrt{3}}$ $r^2 = 36 - 12 = \boxed{24}$ $V = \frac{\pi}{3} (24) (2\sqrt{3}) = 16\sqrt{3} \pi \text{ cm}^3$</p>	4 درجات	
			4 درجات	
			3 درجات	



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور / الثالث

اسم المادة : الرياضيات فرع / العام

جواب السؤال (3) الفرع (B)

الدرجة	السؤال	الصفحة	الجواب	وذجي																									
				<p>$f(x) = 2x - 3$ $f'(x) = 2 > 0$ متزايدة الفترات $[2, 3], [3, 5]$</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>الفترات</th> <th>h</th> <th>m_i</th> <th>M_i</th> <th>$h_i m_i$</th> <th>$h_i M_i$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$[2, 3]$</td> <td>1</td> <td>1</td> <td>3</td> <td>1</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>$[3, 5]$</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>7</td> <td>6</td> <td>14</td> </tr> <tr> <td colspan="4"></td> <td>$\sum h_i m_i = 7$</td> <td>$\sum h_i M_i = 17$</td> </tr> </tbody> </table> <p>$L(\sigma, f) = 7$ $U(\sigma, f) = 17$</p> <p>$\int_2^5 f(x) dx = \frac{L + U}{2} = \frac{7 + 17}{2} = \frac{24}{2} = 12$ كـ²</p> <p>مساحة شبه مثلث = $\frac{1}{2} (\text{مجموع القاعدتين}) * \text{الارتفاع}$</p> <p>$A = \frac{1}{2} * (1 + 7) * (3)$ $= \frac{24}{2} = 12$ كـ²</p>	الفترات	h	m_i	M_i	$h_i m_i$	$h_i M_i$	$[2, 3]$	1	1	3	1	3	$[3, 5]$	2	3	7	6	14					$\sum h_i m_i = 7$	$\sum h_i M_i = 17$	
الفترات	h	m_i	M_i	$h_i m_i$	$h_i M_i$																								
$[2, 3]$	1	1	3	1	3																								
$[3, 5]$	2	3	7	6	14																								
				$\sum h_i m_i = 7$	$\sum h_i M_i = 17$																								

6 درجات

4 درجات



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور / الثاني

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العلمي

جواب السؤال (4) الفرع (A)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
4	$Z = x + yi = -1 + \sqrt{3}i$ $r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{1 + 3} = 2 \text{ المقياس}$ $\cos \theta = \frac{x}{r} = \frac{-1}{2}, \quad \sin \theta = \frac{y}{r} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ <p>زاوية θ حادة $\frac{\pi}{3}$ ، \therefore الزاوية تقع في الربع الثاني</p> $\therefore \text{Arg}(z) = \pi - \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3}$ $Z = r (\cos \theta + i \sin \theta) = 2 \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right)$ $Z^{\frac{1}{2}} = \sqrt{2} \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right)^{\frac{1}{2}}$ $= \sqrt{2} \left(\cos \frac{\frac{2\pi}{3} + 2k\pi}{2} + i \sin \frac{\frac{2\pi}{3} + 2k\pi}{2} \right), \quad k=0,1$ <p>when $k=0$</p> $R_1 = \sqrt{2} \left(\cos \frac{2\pi}{6} + i \sin \frac{2\pi}{6} \right) = \sqrt{2} \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$ $= \sqrt{2} \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i \right) = \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}i$ <p>when $k=1$</p> $R_2 = \sqrt{2} \left(\cos \frac{8\pi}{6} + i \sin \frac{8\pi}{6} \right)$ $= \sqrt{2} \left(\cos \frac{4\pi}{3} + i \sin \frac{4\pi}{3} \right) = \sqrt{2} \left(-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i \right)$ $= \frac{-1}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}i$		



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور / الثالث

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العلمي

جواب السؤال (4) الفرع (B)

السؤال	الصفحة	الجواب النموذجي	الدرجة
		<p>١ الدالة مستمرة على الفترة $[-1, 2]$ لأنها كثيرة الحدود</p> <p>٢ الدالة قابلة للاشتقاق على الفترة $(-1, 2)$ لأنها كثيرة الحدود</p> <p>∴ الدالة تحقق برهنة القيمة المتوسطة</p>	
		<p>$f'(x) = 2x - 4$</p> <p>$f'(c) = 2c - 4$ ميل المماس</p> <p>$\frac{f(b) - f(a)}{b - a} = \frac{1 - 10}{2 - (-1)} = \frac{-9}{3} = -3$ ميل الوتر</p>	
		<p>ميل المماس = ميل الوتر</p> <p>$2c - 4 = -3$</p> <p>$2c = -3 + 4 \rightarrow 2c = 1$</p> <p>∴ $c = \left(\frac{1}{2}\right) \in (-1, 2)$</p>	



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور / الثالث

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العلمي

جواب السؤال (4) الفرع (C)

الدرجة	واجب النم	الصفحة	السؤال
3 3.6	$y' = \frac{x^2 + y^2}{2xy}$ $\frac{dy}{dx} = \frac{1 + (\frac{y}{x})^2}{2 \frac{y}{x}}$		
4 4.6	<p>بقية كل من ربط والمقام على $x^2 \neq 0$</p> <p>let $v = \frac{y}{x} \rightarrow \frac{dy}{dx} = v + x \frac{dv}{dx}$</p> $v + \frac{x dv}{dx} = \frac{1+v^2}{2v}$ $\frac{x dv}{dx} = \frac{1+v^2}{2v} - v$ $x \frac{dv}{dx} = \frac{1+v^2-2v^2}{2v}$ $x \frac{dv}{dx} = \frac{1-v^2}{2v}$ $\frac{dx}{x dv} = \frac{2v}{1-v^2}$ $\frac{dx}{x} = \frac{2v}{1-v^2} dv$		
3 3.6	$\int \frac{dx}{x} = - \int \frac{-2v}{1-v^2} dv$ $\ln x = -\ln 1-v^2 + C$ $\ln x = -\ln 1-\frac{y^2}{x^2} + C$		





الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور الثالث

اسم المادة : الرياضيات خ الفرع / العلمي

جواب السؤال (5) الفرع (A)

السؤال	الصفحة	الجواب النموذجي	الدرجة
		<p>3 3</p> $[hx^2 - ky^2 = 90] \div 90$ $\frac{x^2}{\frac{90}{h}} - \frac{y^2}{\frac{90}{k}} = 1$ $a^2 = \frac{90}{h} \quad , \quad b^2 = \frac{90}{k}$	
		<p>4 6</p> $2a = 6\sqrt{2} \Rightarrow a = 3\sqrt{2} \Rightarrow a^2 = 18$ <p>مع معادلة القطع الناقص</p> $[9x^2 + 16y^2 = 576] \div 576$ $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{36} = 1$ $a^2 = 64 \quad , \quad b^2 = 36$ $c^2 = a^2 - b^2 \Rightarrow c^2 = 64 - 36 \Rightarrow c^2 = 28$ <p>∴ جورتا القطع الناقص تطبق على بؤرتي القطع الناقص</p>	
		<p>3 3</p> <p>مع معادلة القطع الزائد</p> $c^2 = a^2 + b^2$ $28 = 18 + b^2 \Rightarrow b^2 = 10$ $a^2 = \frac{90}{h} \Rightarrow 18 = \frac{90}{h} \Rightarrow 18h = 90 \Rightarrow h = 5$ $b^2 = \frac{90}{k} \Rightarrow 10 = \frac{90}{k} \Rightarrow 10k = 90 \Rightarrow k = 9$	



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور الثالث

اسم المادة : الرياضيات _____ الفرع / العلمي خ

جواب السؤال (5) الفرع (B)

الدرجة	الجواب النهائي	الصفحة	السؤال
3	<p>نفرض سمك الجليد x نفرض نصف قطر الكرة مع الجليد $4 + x$ المطلوب $\frac{dx}{dt}$</p>		
7	<p>$V = \frac{4}{3} (4 + x)^3 \pi$</p> <p>$\frac{dv}{dt} = 4(4 + x)^2 \cdot \frac{dx}{dt} \pi$</p> <p>$-5 = 4(4 + 1)^2 \pi \frac{dx}{dt}$</p> <p>$-5 = 100\pi \frac{dx}{dt}$</p> <p>$\frac{dx}{dt} = \frac{-5}{100\pi} \Rightarrow \frac{dx}{dt} = \frac{-1}{20\pi} \text{ cm/s}$</p>		



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور الثالث

اسم المادة : الرياضيات فرع / العايم

جواب السؤال (5) الفرع (C)

الدرجة	النموذجي	الجواب	الصفحة	السؤال
١	$\int \frac{\sqrt{\cot 2x}}{1 - \cos^2 2x} dx$			
3	$= \int \frac{\sqrt{\cot 2x}}{\sin^2 2x} dx$			
١	$= -\frac{1}{2} \int (\cot 2x)^{\frac{1}{2}} (-2 \csc^2 2x) dx$			
2	$= -\frac{1}{2} * \frac{(\cot 2x)^{\frac{3}{2}}}{\frac{3}{2}} + C$			
١	$= -\frac{1}{3} \sqrt{(\cot 2x)^3} + C$			
2	$\int_1^8 \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{\sqrt{x^2}} dx$			
١	$= 3 \int_1^8 (\sqrt[3]{x} - 1)^{\frac{1}{2}} * \frac{1}{3} x^{-\frac{2}{3}} dx$			
3	$= 3 * \left[\frac{(\sqrt[3]{x} - 1)^{\frac{3}{2}}}{\frac{3}{2}} \right]_1^8$			
١	$= 2 \left((2-1)^{\frac{3}{2}} - (1-1)^{\frac{3}{2}} \right) = 2(1-0) = 2$			



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور الثالث

اسم المادة : الرياضيات الفرع : العكس

جواب السؤال (ك) الفرع (A)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
4	$y = x^4 - 12, y = x^2$ $R(x) = x^4 - 12 - x^2 \Rightarrow x^4 - x^2 - 12 = 0$ $(x^2 - 4)(x^2 + 3) = 0$ <p>أو $x^2 - 4 = 0 \Rightarrow (x - 2)(x + 2) = 0$ $x = 2, -2$</p> <p>أو $x^2 + 3 \neq 0$ بحل فترة التكامل $[-2, 2]$</p>		
3	$A = \left \int_{-2}^2 (x^4 - x^2 - 12) dx \right $		
3	$= \left \left[\frac{x^5}{5} - \frac{x^3}{3} - 12x \right]_{-2}^2 \right $		
3	$= \left \left[\frac{32}{5} - \frac{8}{3} - 24 \right] - \left[\frac{-32}{5} + \frac{8}{3} + 24 \right] \right $		
3	$= \left \frac{32}{5} - \frac{8}{3} - 24 + \frac{32}{5} - \frac{8}{3} - 24 \right $		
3	$= \left \frac{64}{5} - \frac{16}{3} - 48 \right = \left \frac{-608}{15} \right = \frac{608}{15}$ <p>وحدة صافي</p>		



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور / اثبات

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العامي خ

جواب السؤال (6) الفرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
6	$y = \sqrt{1-2x^2} = (1-2x^2)^{\frac{1}{2}}$ $y' = \frac{-4x}{2\sqrt{1-2x^2}} = \frac{-2x}{\sqrt{1-2x^2}}$ $y'' = \frac{-2(\sqrt{1-2x^2}) - \frac{-2x}{2\sqrt{1-2x^2}} \cdot (-2x)}{1-2x^2}$ $= \frac{-2(\sqrt{1-2x^2}) - \frac{2x}{\sqrt{1-2x^2}} \cdot (-2x)}{1-2x^2}$ $= \frac{-2(1-2x^2) - 4x^2}{\sqrt{1-2x^2}}$ $= \frac{-2+4x^2-4x^2}{(1-2x^2)\sqrt{1-2x^2}} = \frac{-2}{(1-2x^2)y}$		
6	$y'' = \frac{-2}{(1-2x^2)y} \Rightarrow y'' = \frac{-2}{(y^2)(y)}$ <p>∴ يمثل حلًا للمعادلة التفاضلية</p>		



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور الثالث

اسم المادة : الرياضيات ع الفرع / العالِم

جواب السؤال (6) الفرع (B)

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
3	<p>طريقة ثانية :-</p> <p>بتربيع الطرفين</p> $y = \sqrt{1 - 2x^2}$ $y^2 = 1 - 2x^2 \Rightarrow y^2 + 2x^2 = 1$ $2yy' = -4x$ $y' = \frac{-4x}{2y} = \frac{-2x}{y}$		
4	$\{ 2yy'' + y'(2y') = -4 \} \div 2$ $yy'' + (y')^2 = -2$ $yy'' + \left(\frac{-2x}{y}\right)^2 = -2$ $yy'' + \frac{4x^2}{y^2} = -2 \} * y^2$ $y^3y'' + 4x^2 = -2y^2$ $y^3y'' = -4x^2 - 2y^2$		
3	$y^3y'' = -2(2x^2 + y^2)$ $y^3y'' = -2 * (1) \Rightarrow y^3y'' = -2$ <p>∴ يمثل حلاً للمعادلة التفاضلية .</p>		



مع نظام الباركود تستطيع الوصول بشكل سريع ومباشر لما يلي:

- 1 صورة الأسئلة
- 2 تقسيم الدرجة
- 3 ملف الأجوبة
- 4 ملاحظات الأساتذة
- 5 وكل ما يسهل لك التفوق وتحقيق أعلى الدرجات



للحصول على هذا
الملف إلكترونياً

موقع ملازمنا
www.malazemna.com

