

الرياضيات

الأجوبة النموذجية

الدور الثاني (2)

— 2012 م —

السادس الاعدادي

بسم الله الرحمن الرحيم

دور ثاني
ساعات

اللجنة الدائمة للامتحانات العامة

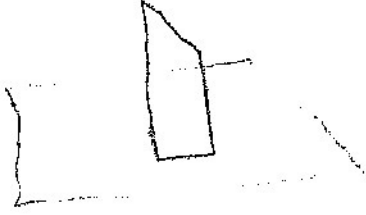
جمهورية العراق - وزارة التربية
الدور الثاني ١٤٣٣ هـ - ٢٠١٢ م
الوقت : ثلاث ساعات



الدراسة : الإعدادية / العلمي

المادة : الرياضيات

ملاحظة : أجب عن خمسة أسئلة فقط (لكل سؤال ٢٠ درجة)



س١ : a. ضع بالصيغة العادية للعدد المركب للمقدار : $(1+i)^5 - (1-i)^5$

b. باستخدام نتيجة مبرهنة القيمة المتوسطة ، جد بصورة تقريبية : $\frac{1}{\sqrt{2}}$

س٢ : a. قطع زائد معادلته $hx^2 - ky^2 = 90$ طول محوره الحقيقي $6\sqrt{2}$ وحدة وبؤراته تتطبقان على بؤرتي القطع

الناقص الذي معادلته $9x^2 + 16y^2 = 576$ ، جد قيمتي k, h التي تنتمي إلى مجموعة الأعداد الحقيقية .

b. جد مساحة المنطقة المحددة بالمنحني $y = x^4 - x$ ومحور السينات والمستقيمين $x=1, x=2$.

س٣ : a. جد بعدي أكبر مستطيل يوضع داخل المنطقة المحددة بمنحني الدالة $f(x) = 12 - x^2$ ومحور السينات ،

رأسان من رؤوسه على المنحني والرأسان الآخران على محور السينات ، ثم جد محيطه .

b. (X) و (Y) مستويان متعامدان ، $\vec{AB} \subset (X)$ و \vec{BD} و \vec{BC} عموديان على \vec{AB} ويقطعان

(Y) في C, D على الترتيب ، برهن أن $\vec{CD} \perp (X)$.

س٤ : أجب عن فرعين فقط :

a. جد معادلة القطع الناقص الذي مركزه في نقطة الأصل وينطبق محوره على المحورين الإحداثيين ويقطع من

محور السينات جزءاً طوله ٨ وحدات ومساحة منطقتة 24π وحدة مساحة .

b. ارسم باستخدام معلوماتك في التفاضل منحني الدالة : $f(x) = 2x^2 - x^4$.

c. جد الحجم الناتج من دوران المساحة المحددة بالمنحني $y = \sqrt{5}x^2$ والمستقيمين $x=1, x=2$ حول محور السينات .

س٥ : أجب عن فرعين فقط :

a. عبر عن العدد المركب $2\sqrt{3} - 2i$ بالصيغة القطبية .

b. لتكن M نقطة تتحرك على المنحني $y = x^2$. جد إحداثيي نقطة M عندما يكون المعدل الزمني لابتعادها

عن النقطة $(0, \frac{3}{2})$ يساوي ثلثي المعدل الزمني لتغير الإحداثي الصادي للنقطة M .

c. حل المعادلة التفاضلية : $\frac{dy}{dx} = (x+1)(y-1)$ حيث $y=2$ عندما $x=2$

س٦ : أجب عن فرعين فقط :

a. برهن على أنه إذا قطع مستويان متوازيان بمستقيم فإن ميله على أحدهما يساوي ميله على الآخر .

b. جد التكاملات الآتية : 1) $\int \cot x \csc^3 x dx$ 2) $\int_1^4 \frac{e^{\sqrt{x}}}{2\sqrt{x}} dx$

c. جد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $y' = \frac{y}{x} + e^{\frac{y}{x}}$





باركود الملاحظات وتقسيم الدرجة

الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور الثاني

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العايم

السؤال	الصفحة	الجواب النموذجي	الدرجة
		<p>الفرع (a) 1</p> <p>جواب السؤال</p> $(1+i)^5 - (1-i)^5$ $= \left((1+i)^2 \right)^2 (1+i) - \left((1-i)^2 \right)^2 (1-i)$ $= (1+2i+i^2)^2 (1+i) - (1-2i+i^2)^2 (1-i)$ $= (2i)^2 (1+i) - (-2i)^2 (1-i)$ $= -4(1+i) - (-4)(1-i)$ $= -4 - 4i + 4 - 4i$ $= -8i = 0 - 8i$	





الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور / الثاني

اسم المادة : الرياضيات الفرقة / الثاني

الدرجة	الواجب المنزلي	الجواب	الصفحة	السؤال
2	$\sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{0.5} = \sqrt{0.50}$ $b = 0.50 \quad , \quad a = 0.49$ $\therefore h = 0.50 - 0.49$ $h = 0.01$	<p>ملاحظة يمكن حل السؤال بطريقة</p> $\sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{0.5}$ $= \sqrt{0.50}$ $= \frac{\sqrt{50}}{\sqrt{100}}$ $= \frac{\sqrt{50}}{10}$ <p>ثم نزيد $\sqrt{50}$ تقريبا</p>		
2	$f(x) = \sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$ $f(a) = \sqrt{0.49} = 0.7$			
3	$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ $f'(a) = \frac{1}{2 \cdot \sqrt{0.49}} = \frac{1}{2 \cdot (0.7)} = \frac{1}{1.4} = 0.7$			
3	$\therefore f(b) = f(a) + h f'(a)$ $f(0.50) = f(0.49) + h f'(0.49)$ $= 0.7 + (0.01)(0.7)$ $= 0.7 + 0.007$ $\sqrt{\frac{1}{2}} = 0.707$			



الدور / الثاني

٢٠١١ / ٢٠١٢

الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي

الفرع / العام

اسم المادة : الرياضيات

الدرجة	جواب السؤال (٢) الفرع (a)	الصفحة	السؤال
3 درجات	$(hx^2 - ky^2 = 90) \div 90$ $\frac{x^2}{\frac{90}{h}} - \frac{y^2}{\frac{90}{k}} = 1$ $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ $a^2 = \frac{90}{h} \quad , \quad b^2 = \frac{90}{k}$		
2 درجات	<p>بالمقارنة حيث x^2 هو في البداية فالبؤرتان تقع على محور السينات</p> $2a = 6\sqrt{2} \quad \} \div 2 \Rightarrow a = 3\sqrt{2}$ $\therefore a^2 = 18$ $\therefore 18 = \frac{90}{h} \Rightarrow h = \frac{90}{18} \Rightarrow \boxed{h = 5}$ <p>من معادلات القطع الناقص</p>		
3 درجات	$9x^2 + 16y^2 = 576 \quad \} \div 576$ $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{36} = 1$ $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ $\therefore a^2 = 64 \quad , \quad b^2 = 36$ <p>بالمقارنة حيث كانت x^2 وكانت y^2 فالبؤرتان تقع على محور السينات</p>		



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور / الثالث

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العام

جواب السؤال (2) الفرع (b)

السؤال	الصفحة	الجواب النموذجي	الدرجة
		$y=0 \Rightarrow x^4 - x = 0$ $\therefore x(x^3 - 1) = 0$ <p>إما $x=0 \notin [1, 2]$</p> <p>أو $x^3 - 1 = 0 \Rightarrow x = 1 \in [1, 2]$ ولا يخفى لأنه أصغر الحدود</p> $\therefore A = \left \int_1^2 (x^4 - x) dx \right $ $= \left \left[\frac{x^5}{5} - \frac{x^2}{2} \right]_1^2 \right $ $= \left \left(\frac{32}{5} - \frac{4}{2} \right) - \left(\frac{1}{5} - \frac{1}{2} \right) \right $ $= \left \frac{64-20}{10} - \frac{2-5}{10} \right $ $= \left \frac{44}{10} + \frac{3}{10} \right = \frac{47}{10} \text{ int}^2$	<p>4 درجات</p> <p>2 درجات</p> <p>4 درجات</p>



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور / الثاني

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العايم

الدرجة	السؤال	الصفحة	جواب السؤال (3) الفرع (9)
<p>المعطيات المطلوب الرسم</p> <p>ثبوت درجات</p>		<p>المعطيات :- $ABC(x) / (x) \perp (y)$ \vec{BD}, \vec{BC} عموديين على \vec{AB} \vec{AB} ويقطعاه (y) في D, C على \vec{CD} يثبت المطلوب اثباته :- $\vec{CD} \perp (x)$ البرهان :-</p> <p>لأنه (z) مستوي المتقاطعين \vec{BD}, \vec{BC} في كل مستويين متقاطعين يوجد مستوياً واحداً محوياً . $\vec{AB} \perp \vec{BC}, \vec{BD}$ (معطى) $\vec{AB} \perp (z)$ في المستقيم لعمود على مستويين متقاطعين من نقطة تقاطعها يكون عمودياً على مستويها . $\vec{AB} \subset (x)$ (معطى) $(x) \perp (z)$ في بقية المستويين إذا احتوى أحدهما على مستقيم عمودياً على الآخر . $(x) \perp (y)$ (معطى) و كما $\vec{CD} = (y) \cap (z)$ لأنه محتوي في كل منها . $\vec{CD} \perp (x)$ إذا كان كل من مستويين متقاطعين عمودياً على مستوي ثالث فإنه مستقيم تقاطعها يكون عمودياً على المستوي الثالث</p>	<p>7 سبع درجات</p> <p>في حالة عدم ذكر الإجابات تخسر درجة واحدة فقط</p>



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور الثاني

الفرع / العلم

اسم المادة : الرياضيات

الدرجة	الواجب المنهجي	الجواب السؤال (3) الفرع (b)	الصفحة	السؤال
		<p>تفرض بعدي المستطيل $2x$ و y.</p> <p>وتفرض مساحة المستطيل $A =$</p> <p>7 درجات</p>		
3 درجات		$A = 2xy$ $\therefore y = 12 - x^2$ $\therefore A = 2x(12 - x^2)$ $= 24x - 2x^3$		
2 درجات		$\therefore A' = 24 - 6x^2 \Rightarrow 0 = 24 - 6x^2 \quad \left\{ \div 6 \right.$ $4 - x^2 = 0 \Rightarrow x^2 = 4 \Rightarrow \boxed{x = 2}$ <p>تمت $x = -2$</p>		
3 درجات		$A'' = -12x < 0$ <p>\therefore للدالة قيمة عظمى</p> $\therefore y = 12 - x^2 \Rightarrow y = 12 - (2)^2 \Rightarrow \boxed{y = 8}$ $\therefore P = 2(2x + y) \Rightarrow P = 2(4 + 8)$ $= 24 \text{ تم}$		

في حالة عدم ذكر الاختيار أو الرسم لا تخضع منه أي درجة



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور / الثاني

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العام

جواب السؤال (تمت 4) الفرع (b)

الدرجة	الجواب التام	الصفحة	السؤال
2	<p>مناطق التزايد ① الفترة (٥ او ٥)</p> <p>⑤ { x : x < -1 }</p> <p>مناطق التناقص ① الفترة (-١, ٥)</p> <p>② { x : x > 1 }</p> <p>النقطة (٥, ٥) نقطة نهاية صغرى محلية .</p> <p>النقطة (-١, ٥) نقطة لاية عظمى محلية .</p> <p>النقطة (١, ٥) نقطة نهاية عظمى محلية .</p> <p>⑥ الانقلاب -</p> <p>$f'(x) = 4x - 4x^3$</p> <p>$f''(x) = 4 - 12x^2 \Rightarrow 0 = 4 - 12x^2$</p> <p>$12x^2 = 4 \Rightarrow x^2 = \frac{1}{3} \Rightarrow x = \pm \frac{1}{\sqrt{3}}$</p> <p></p> <p>$y = 2 \left(\frac{-1}{\sqrt{3}} \right)^2 - \left(\frac{-1}{\sqrt{3}} \right)^4 \Rightarrow y = \frac{5}{9}$</p> <p>∴ نقطة انقلاب (الاولى) $\left(\frac{-1}{\sqrt{3}}, \frac{5}{9} \right)$</p> <p>والثانية $\left(\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{5}{9} \right)$</p>		

تمت ←



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور الثاني

اسم المادة : الرياضيات

الفئة / العايم

جواب السؤال (4) (الفئة) (b)

السؤال	الصفحة	الجواب النموذجي	الدرجة
		<p>① اوسع مجال للدالة $R = \mathbb{R}$ لانه الدالة كثيرة الحدود .</p> <p>② التقاطع : x مع محور الصادات $y = 0 \Rightarrow x = 0$</p> <p>③ $(0, 0)$ نقطة التقاطع . مع محور السينات $2x^2 - x^4 = 0$ either $x^2 = 0 \Rightarrow x = 0 \Rightarrow y = 0$ or $2 - x^2 = 0 \Rightarrow x^2 = 2 \Rightarrow x = \pm\sqrt{2}$ $(\sqrt{2}, 0)$, $(-\sqrt{2}, 0)$, $(0, 0)$</p> <p>④ التناظر . let $f(-x) = 2(-x)^2 - (-x)^4$ $= 2x^2 - x^4$ $f(-x) = f(x)$:: التناظر حول محور الصادات .</p> <p>⑤ المحاذيات . لا توجد محاذيات لانه الدالة غير بيضية .</p> <p>⑥ النهايات . $f(x) = 2x^2 - x^4$ $f'(x) = 4x - 4x^3$ $4x - 4x^3 = 0 \} \div 4$ $x - x^3 = 0 \Rightarrow x(1 - x^2) = 0$ either $x = 0$ or $x^2 = 1 \Rightarrow x = \pm 1$</p> <p>$f(x)$ </p>	3

تبع ←



الدور / الثاني

٢٠١١ / ٢٠١٢

الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي

الفرع / العلم

اسم المادة : الرياضيات

الدرجة	الواجب النموذجي	الصفحة	السؤال
2	مساحة منطقتي القطع الناقص = $a \cdot b \pi$		
2	$a \cdot b \cdot \pi = 24\pi \quad \} \div \pi$		
2	$a \cdot b = 24$		
2	\therefore يقطع محور السينات جزئياً $= 8$		
2	$\therefore 2x = 8 \Rightarrow x = 4$		
2	either $a = 4$		
2	$a \cdot b = 24$		
2	$4b = 24 \Rightarrow b = 6$		
2	كل $a > b$ لا يقطع الناقص في		
2	or $b = 4 \Rightarrow b^2 = 16$		
2	$a \cdot b = 24$		
2	$4a = 24$		
2	$a = 6 \Rightarrow a^2 = 36$ تحقق		
2	\therefore البورتان تنتمي له محور الصادات فالمعادلة		
2	$\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{36} = 1$		



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور / الثاني

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العام

جواب السؤال (تمه ٤) الفرع (ب)

السؤال	الصفحة	الجواب النموذجي	الدرجة
		<p>مناطق التفرع : الفترة $(-\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}})$</p> <p>مناطق الحدب : ① $\{x : x > \frac{1}{\sqrt{3}}\}$</p> <p>② $\{x : x < -\frac{1}{\sqrt{3}}\}$</p>	



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور الثاني

اسم المادة: الرياضيات الفرع / العام

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
	<p>جواب السؤال (5) الفرع (a)</p> <p>$z = 2\sqrt{3} - 2i \Rightarrow z = (2\sqrt{3}, -2)$</p> <p>3 } $\text{mod } z = \sqrt{x^2 + y^2}$ درجات } $= \sqrt{12 + 4} = \sqrt{16} = 4$</p> <p>4 } $\therefore \cos \theta = \frac{2\sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ الربع } $\sin \theta = \frac{-2}{4} = -\frac{1}{2}$ درجات } زاوية $\frac{\pi}{6}$ ساد بالربع الرابع</p> <p>$\theta = 2\pi - \frac{\pi}{6} \Rightarrow \theta = \frac{11\pi}{6}$</p> <p>3 } $z = 4 \left(\cos \frac{11\pi}{6} + i \sin \frac{11\pi}{6} \right)$ درجات }</p>		





الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور / الثاني

اسم المادة : الرياضيات الفرع / العام

الدرجة	الجواب النموذجي	الصفحة	السؤال
3	<p>نفرض النقطة $M = (x, y)$ ونفرض البعد بين M والنقطة $D = (0, \frac{3}{2})$</p> $D = \sqrt{(x-0)^2 + (y-\frac{3}{2})^2}$ $= (x^2 + y^2 - 3y + \frac{9}{4})^{\frac{1}{2}}$ $\therefore x^2 = y$ $\therefore D = (y + y^2 - 3y + \frac{9}{4})^{\frac{1}{2}}$ $= (y^2 - 2y + \frac{9}{4})^{\frac{1}{2}}$ $\frac{dD}{dt} = \frac{1}{2} (y^2 - 2y + \frac{9}{4})^{-\frac{1}{2}} (2y - 2) \frac{dy}{dt}$ $\therefore \frac{dD}{dt} = \frac{2}{3} \frac{dy}{dt}$ $\therefore \frac{2}{3} \frac{dy}{dt} = \frac{1}{2} - 2(y-1) \cdot \frac{1}{\sqrt{y^2 - 2y + \frac{9}{4}}} \frac{dy}{dt} \int \div \frac{dy}{dt}$ $\frac{2}{3} = \frac{y-1}{\sqrt{y^2 - 2y + \frac{9}{4}}}$		



الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور / الثاني

اسم المادة : الرياضيات الفرقة / الثاني

جواب السؤال (تمه 5) الفرقة (b)			
السؤال	الصفحة	الجواب النهائي	الدرجة
		$\frac{4}{9} = \frac{y^2 - 2y + 1}{y^2 - 2y + \frac{2}{4}}$ $9y^2 - 18y + 9 = 4y^2 - 8y + 9$ $5y^2 - 10y = 0 \quad \} \div 5$ $y(y - 2) = 0$ <p>either $y = 0$ or $y = 2$</p> $\therefore x = 0 \quad \text{or} \quad x^2 = 2 \Rightarrow x = \pm\sqrt{2}$ <p>∴ النقاط $(0, 0)$ والنقاط المقلوبة $(\sqrt{2}, 2)$ و $(-\sqrt{2}, 2)$</p>	2
			2



الدور / الثاني

٢٠١١ / ٢٠١٢

الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي

الفرع / العايم

اسم المادة : الرياضيات

جواب السؤال (5) الفرع (C)			
الدرجة	الواجب النموذجي	الصفحة	السؤال
3 درجة	$\frac{dy}{dx} = (x+1)(y-1)$		
	$\int \frac{dy}{y-1} = \int (x+1) dx$		
5 درجة	$\ln y-1 = \frac{x^2}{2} + x + C$		
	$\ln 2-1 = \frac{4}{2} + 2 + C$		
	$\ln 1 = 4 + C$		
	$0 = 4 + C \Rightarrow C = -4$		
2 درجتان	$\therefore \ln y-1 = \frac{1}{2}x^2 + x - 4$		



الدور الثاني

٢٠١٨ / ٢٠١٩

الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي

الفرع العلمي

اسم المادة : الرياضيات

جواب السؤال (6) الفرع (أ)

السؤال	الصفحة	الجواب	الدرجة
		<p><u>المعطيات</u></p> <p>$(y) \parallel (x)$ ، \vec{AC} يقطع (x) في B ويقطع (y) في C - <u>المطلوب إثباته</u> - ميل \vec{AC} على (x) = ميل \vec{AC} على (y)</p> <p><u>البرهان</u></p> <p>نرسم $AD \perp (x)$ عليه رسم مستقيم عمودي على مستوي (x) من نقطة معلومة - $\therefore (y) \perp AD$ في E المستقيم العمودي علاجه مستويين متوازيين يكون عمودياً على الآخر - $\therefore \vec{DB}$ هو مخطط \vec{AB} على (x) \vec{EC} هو مخطط \vec{AC} على (y) (تعريف مخطط قطعة مستقيم) $\sphericalangle 1$ هي زاوية ميل \vec{AB} على (x) (زاوية ميل هي زاوية محددة بالمائل وقطعه على المستوي - $\sphericalangle 2$ هي زاوية ميل \vec{AC} على (y) $\sphericalangle 1 \sphericalangle 2$ متناظران \therefore ميل \vec{AC} على (x) = ميل \vec{AC} على (y)</p>	<p>3 المعطيات المطلوب الرسم البرهان 7 سبع درجات ذا لم يذكر السبب تختم مستط درجه واحدة</p>

(٥ - ٣)



الدور / الثاني

الأجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠١١ / ٢٠١٢

الفرع / العلمي

اسم المادة : الرياضيات

جواب السؤال (الارضى) (الفرع : ال : ح)		الصفحة	السؤال
الدرجة	وذجي	الجواب النموذجي	
3	ثلاث درجات	$v = \frac{y}{x} \rightarrow y = vx$ <p>تشتق</p> $\frac{dy}{dx} = v \cdot (1) + x \cdot \frac{dv}{dx}$ <p>بمفروض متغير</p>	
3	ثلاث درجات	$v + x \cdot \frac{dv}{dx} = v + e^v$ <p>تقريب التناوب</p> $x \cdot \frac{dv}{dx} = e^v$	
4	اربع درجات	$\frac{1}{x} \frac{dx}{dv} = \frac{1}{e^v} \Rightarrow \int \frac{1}{x} dx = \int \frac{1}{e^v} dv$ $\int \frac{1}{x} dx = \int -e^{-v} dv$ $\ln x = -e^{-v} + C$ $\ln x = -\frac{1}{e^v} + C$ $\ln x = -\frac{1}{e^{\frac{y}{x}}} + C$	



مع نظام الباركود تستطيع الوصول بشكل سريع ومباشر لما يلي:

- 1 صورة الأسئلة
- 2 تقسيم الدرجة
- 3 ملف الأجوبة
- 4 ملاحظات الأساتذة
- 5 وكل ما يسهل لك التفوق وتحقيق أعلى الدرجات



للحصول على هذا
الملف إلكترونياً

موقع ملازمنا
www.malazemna.com

